

МКОУ «Каргапольская средняя общеобразовательная школа им. Героя Советского Союза  
Н.Ф.Махова»

УТВЕРЖДАЮ  
Директор МКОУ «КСОШ  
им. Героя Советского  
Союза Н.Ф. Махова»  
Л.Н.Федотова



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
Математика

---

учебный предмет (курс)

5-9 класс

Исполнитель:  
учитель математики Л.А. Рогалева

## Цели изучения учебного предмета «Математика». 5-9 классы

Приоритетными целями обучения математике в 5-9 классах являются:

- формирование центральных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура, переменная, вероятность, функция), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся;
- подведение обучающихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира, понимание математики как части общей культуры человечества;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению математики;
- формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать проявления математических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке математики и создавать математические модели, применять освоенный математический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Основные линии содержания курса математики в 5-9 классах: «Числа и вычисления», «Алгебра» («Алгебраические выражения», «Уравнения и неравенства»), «Функции», «Геометрия» («Геометрические фигуры и их свойства», «Измерение геометрических величин»), «Вероятность и статистика». Данные линии развиваются параллельно, каждая в соответствии с собственной логикой, однако не независимо одна от другой, а в тесном контакте и взаимодействии. Кроме этого, их объединяет логическая составляющая, традиционно присущая математике и пронизывающая все математические курсы и содержательные линии. Сформулированное в Федеральном государственном образовательном стандарте основного общего образования требование «уметь оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, доказательство; умение распознавать истинные и ложные высказывания, приводить примеры и контрпримеры, строить высказывания и отрицания высказываний» относится ко всем курсам, а формирование логических умений распределяется по всем годам обучения на уровне основного общего образования. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Примерной рабочей программы, распределенной по годам обучения, структурировано таким образом,

чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно, чтобы овладение математическими понятиями и навыками осуществлялось последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включались в общую систему математических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Место учебного предмета «Математика» в учебном плане школы

В соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом основного общего образования математика является обязательным предметом на данном уровне образования. В 5-9 классах учебный предмет «Математика» традиционно изучается в рамках следующих учебных курсов: в 5-6 классах - курса «Математика», в 7-9 классах - курсов «Алгебра» (включая элементы статистики и теории вероятностей) и «Геометрия».

Программой предусматривается выделение в учебном плане на изучение

математики в 5-6 классах 5 учебных часов в неделю в течение каждого года обучения, в 7-9 классах 5 учебных часов в неделю в течение каждого года обучения, всего 850 учебных часа.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

*(с учетом программ, включенных в структуру основной образовательной программы основного общего образования)*

Изучение математики обеспечивает следующие результаты освоения основной образовательной программы:

### ***личностные:***

1. Готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию; готовность и способность осознанному выбору и построению дальнейшей индивидуальной траектории образования на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений, с учетом устойчивых познавательных интересов.

2. Сформированность ответственного отношения к учению; уважительного отношения к труду.

3. Сформированность целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, учитывающего социальное, культурное, языковое, духовное многообразие современного мира.

4. Осознанное, уважительное и доброжелательное отношение к другому человеку, его мнению, мировоззрению, культуре, языку, вере, гражданской позиции. Готовность и способность вести диалог с другими людьми и достигать в нем взаимопонимания (идентификация себя как полноправного субъекта общения, готовность к конструированию образа партнера по диалогу, готовность к конструированию образа допустимых способов диалога, готовность к конструированию процесса диалога как конвенционирования интересов, процедур, готовность и способность к ведению переговоров).

5. Освоенность социальных норм, правил поведения, ролей и форм социальной жизни в группах и сообществах.

6. Сформированность ценности здорового и безопасного образа жизни.

7. Развитость эстетического сознания через освоение художественного наследия народов России и мира, творческой деятельности эстетического характера (способность понимать художественные произведения; эстетическое, эмоционально-ценностное видение окружающего мира; способность к эмоционально-ценностному освоению мира, самовыражению и ориентации в художественном и нравственном пространстве культуры; уважение к истории культуры своего Отечества, выраженной в том числе в понимании красоты человека; потребность в общении с художественными произведениями, сформированность активного отношения к традициям художественной культуры как смысловой, эстетической и личностно-значимой ценности).

8. Сформированность основ экологической культуры, соответствующей современному уровню экологического мышления.

## **Основные направления воспитательной деятельности**

### ***1. Патриотическое воспитание***

1.1 Проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах.

### ***2. Гражданское и духовно-нравственное воспитание***

2.1 Готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.);

готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного.

### ***3.Трудовое воспитание***

3.1 Установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений; осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей.

### ***4.Эстетическое воспитание***

4.1 Способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений; умению видеть математические закономерности в искусстве

### ***5.Ценности научного познания***

5.1 Ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; овладением простейшими навыками исследовательской деятельности.

### ***6.Физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия***

6.1 Готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека.

предоставление обучающимся образовательных организаций, а также

### ***7.Экологическое воспитание***

7.1 Ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды; осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения.

### ***8.Личностные результаты, обеспечивающие адаптацию обучающегося к изменяющимся условиям социальной и природной среды***

8.1 Готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других.

8.2 Необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее не известных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие.

8.3 Способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

*Метапредметные.*

### **Межпредметные понятия**

Обучающиеся усваивают приобретённые на первом уровне **навыки работы с информацией** и пополняют их. Они смогут работать с текстами, преобразовывать и интерпретировать содержащуюся в них информацию, в том числе:

- систематизировать, сопоставлять, анализировать, обобщать и интерпретировать информацию, содержащуюся в готовых информационных объектах;
- выделять главную и избыточную информацию, выполнять смысловое свёртывание выделенных фактов, мыслей; представлять информацию в сжатой словесной форме (в виде плана или тезисов) и в наглядно-символической форме (в виде таблиц, графических схем и диаграмм, карт понятий — концептуальных диаграмм, опорных конспектов);
- заполнять и дополнять таблицы, схемы, диаграммы, тексты.

Обучающиеся **приобретут опыт проектной деятельности** как особой формы учебной работы, способствующей воспитанию самостоятельности, инициативности, ответственности, повышению мотивации и эффективности учебной деятельности; в ходе реализации исходного замысла на практическом уровне овладеют умением выбирать адекватные стоящей задаче средства, принимать решения, в том числе и в ситуациях неопределённости. Они получают возможность развить способность к разработке нескольких вариантов решений, к поиску нестандартных решений, поиску и осуществлению наиболее приемлемого решения.

В соответствии ФГОС ООО выделяются три группы универсальных учебных действий: регулятивные, познавательные, коммуникативные.

### **Регулятивные УУД**

1. Умение самостоятельно определять цели обучения, ставить и формулировать новые задачи в учебе и познавательной деятельности, развивать мотивы и интересы своей познавательной деятельности. Обучающийся сможет:

- анализировать существующие и планировать будущие образовательные результаты;
- идентифицировать собственные проблемы и определять главную проблему;
- выдвигать версии решения проблемы, формулировать гипотезы, предвосхищать конечный результат;
- ставить цель деятельности на основе определенной проблемы и существующих возможностей;
- формулировать учебные задачи как шаги достижения поставленной цели деятельности;
- обосновывать целевые ориентиры и приоритеты ссылками на ценности, указывая и обосновывая логическую последовательность шагов.

2. Умение самостоятельно планировать пути достижения целей, в том числе альтернативные, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач. Обучающийся сможет:

- определять необходимые действие(я) в соответствии с учебной и познавательной задачей и составлять алгоритм их выполнения;
- обосновывать и осуществлять выбор наиболее эффективных способов решения учебных и познавательных задач;
- определять/находить, в том числе из предложенных вариантов, условия для выполнения учебной и познавательной задачи;
- выстраивать жизненные планы на краткосрочное будущее (заявлять целевые ориентиры, ставить адекватные им задачи и предлагать действия, указывая и обосновывая логическую последовательность шагов);
- выбирать из предложенных вариантов и самостоятельно искать средства/ресурсы для решения задачи/достижения цели;
- составлять план решения проблемы (выполнения проекта, проведения исследования);
- определять потенциальные затруднения при решении учебной и познавательной задачи и находить средства для их устранения;

- описывать свой опыт, оформляя его для передачи другим людям в виде технологии решения практических задач определенного класса;

- планировать и корректировать свою индивидуальную образовательную траекторию.

3. Умение соотносить свои действия с планируемыми результатами, осуществлять контроль своей деятельности в процессе достижения результата, определять способы действий в рамках предложенных условий и требований, корректировать свои действия в соответствии с изменяющейся ситуацией. Обучающийся сможет:

- определять совместно с педагогом и сверстниками критерии планируемых результатов и критерии оценки своей учебной деятельности;

- систематизировать (в том числе выбирать приоритетные) критерии планируемых результатов и оценки своей деятельности;

- отбирать инструменты для оценивания своей деятельности, осуществлять самоконтроль своей деятельности в рамках предложенных условий и требований;

- оценивать свою деятельность, аргументируя причины достижения или отсутствия планируемого результата;

- находить достаточные средства для выполнения учебных действий в изменяющейся ситуации и/или при отсутствии планируемого результата;

- работая по своему плану, вносить коррективы в текущую деятельность на основе анализа изменений ситуации для получения запланированных характеристик продукта/результата;

- устанавливать связь между полученными характеристиками продукта и характеристиками процесса деятельности и по завершении деятельности предлагать изменение характеристик процесса для получения улучшенных характеристик продукта;

- сверять свои действия с целью и, при необходимости, исправлять ошибки самостоятельно.

4. Умение оценивать правильность выполнения учебной задачи, собственные возможности ее решения. Обучающийся сможет:

- определять критерии правильности (корректности) выполнения учебной задачи;

- анализировать и обосновывать применение соответствующего инструментария для выполнения учебной задачи;

- свободно пользоваться выработанными критериями оценки и самооценки, исходя из цели и имеющихся средств, различая результат и способы действий;

- оценивать продукт своей деятельности по заданным и/или самостоятельно определенным критериям в соответствии с целью деятельности;

- обосновывать достижимость цели выбранным способом на основе оценки своих внутренних ресурсов и доступных внешних ресурсов;

- фиксировать и анализировать динамику собственных образовательных результатов.

5. Владение основами самоконтроля, самооценки, принятия решений и осуществления осознанного выбора в учебной и познавательной. Обучающийся сможет:

- наблюдать и анализировать собственную учебную и познавательную деятельность и деятельность других обучающихся в процессе взаимопроверки;

- соотносить реальные и планируемые результаты индивидуальной образовательной деятельности и делать выводы;

- принимать решение в учебной ситуации и нести за него ответственность;

- самостоятельно определять причины своего успеха или неуспеха и находить способы выхода из ситуации неуспеха;

- ретроспективно определять, какие действия по решению учебной задачи или параметры этих действий привели к получению имеющегося продукта учебной деятельности;

- демонстрировать приемы регуляции психофизиологических/ эмоциональных состояний для достижения эффекта успокоения (устранения эмоциональной напряженности), эффекта восстановления (ослабления проявлений утомления), эффекта активизации (повышения психофизиологической реактивности).

## Познавательные УУД

6. Умение определять понятия, создавать обобщения, устанавливать аналогии, классифицировать, самостоятельно выбирать основания и критерии для классификации, устанавливать причинно-следственные связи, строить логическое рассуждение, умозаключение (индуктивное, дедуктивное, по аналогии) и делать выводы. Обучающийся сможет:

- подбирать слова, соподчиненные ключевому слову, определяющие его признаки и свойства;
- выстраивать логическую цепочку, состоящую из ключевого слова и соподчиненных ему слов;
- выделять общий признак двух или нескольких предметов или явлений и объяснять их сходство;
- объединять предметы и явления в группы по определенным признакам, сравнивать, классифицировать и обобщать факты и явления;
- выделять явление из общего ряда других явлений;
- определять обстоятельства, которые предшествовали возникновению связи между явлениями, из этих обстоятельств выделять определяющие, способные быть причиной данного явления, выявлять причины и следствия явлений;
- строить рассуждение от общих закономерностей к частным явлениям и от частных явлений к общим закономерностям;
- строить рассуждение на основе сравнения предметов и явлений, выделяя при этом общие признаки;
- излагать полученную информацию, интерпретируя ее в контексте решаемой задачи;
- самостоятельно указывать на информацию, нуждающуюся в проверке, предлагать и применять способ проверки достоверности информации;
- вербализовать эмоциональное впечатление, оказанное на него источником;
- объяснять явления, процессы, связи и отношения, выявляемые в ходе познавательной и исследовательской деятельности (приводить объяснение с изменением формы представления; объяснять, детализируя или обобщая; объяснять с заданной точки зрения);
- выявлять и называть причины события, явления, в том числе возможные /наиболее вероятные причины, возможные последствия заданной причины, самостоятельно осуществляя причинно-следственный анализ;
- делать вывод на основе критического анализа разных точек зрения, подтверждать вывод собственной аргументацией или самостоятельно полученными данными.

7. Умение создавать, применять и преобразовывать знаки и символы, модели и схемы для решения учебных и познавательных задач. Обучающийся сможет:

- обозначать символом и знаком предмет и/или явление;
- определять логические связи между предметами и/или явлениями, обозначать данные логические связи с помощью знаков в схеме;
- создавать абстрактный или реальный образ предмета и/или явления;
- строить модель/схему на основе условий задачи и/или способа ее решения;
- создавать вербальные, вещественные и информационные модели с выделением существенных характеристик объекта для определения способа решения задачи в соответствии с ситуацией;
- преобразовывать модели с целью выявления общих законов, определяющих данную предметную область;
- переводить сложную по составу (многоаспектную) информацию из графического или формализованного (символьного) представления в текстовое, и наоборот;
- строить схему, алгоритм действия, исправлять или восстанавливать неизвестный ранее алгоритм на основе имеющегося знания об объекте, к которому применяется алгоритм;
- строить доказательство: прямое, косвенное, от противного;
- анализировать/рефлексировать опыт разработки и реализации учебного проекта, исследования (теоретического, эмпирического) на основе предложенной проблемной ситуации,

поставленной цели и/или заданных критериев оценки продукта/результата.

8. Смысловое чтение. Обучающийся сможет:

- находить в тексте требуемую информацию (в соответствии с целями своей деятельности);
- ориентироваться в содержании текста, понимать целостный смысл текста, структурировать текст;
- устанавливать взаимосвязь описанных в тексте событий, явлений, процессов;
- резюмировать главную идею текста;
- преобразовывать текст, «переводя» его в другую модальность, интерпретировать текст (художественный и нехудожественный – учебный, научно-популярный, информационный, текст non-fiction);
- критически оценивать содержание и форму текста.

9. Формирование и развитие экологического мышления, умение применять его в познавательной, коммуникативной, социальной практике и профессиональной ориентации. Обучающийся сможет:

- определять свое отношение к природной среде;
- анализировать влияние экологических факторов на среду обитания живых организмов;
- проводить причинный и вероятностный анализ экологических ситуаций;
- прогнозировать изменения ситуации при смене действия одного фактора на действие другого фактора;
- распространять экологические знания и участвовать в практических делах по защите окружающей среды;
- выражать свое отношение к природе через рисунки, сочинения, модели, проектные работы.

10. Развитие мотивации к овладению культурой активного использования словарей и других поисковых систем. Обучающийся сможет:

- определять необходимые ключевые поисковые слова и запросы;
- осуществлять взаимодействие с электронными поисковыми системами, словарями;
- формировать множественную выборку из поисковых источников для объективизации результатов поиска;
- соотносить полученные результаты поиска со своей деятельностью.

### **Коммуникативные УУД**

11. Умение организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками; работать индивидуально и в группе: находить общее решение и разрешать конфликты на основе согласования позиций и учета интересов; формулировать, аргументировать и отстаивать свое мнение. Обучающийся сможет:

- определять возможные роли в совместной деятельности;
- играть определенную роль в совместной деятельности;
- принимать позицию собеседника, понимая позицию другого, различать в его речи: мнение (точку зрения), доказательство (аргументы), факты; гипотезы, аксиомы, теории;
- определять свои действия и действия партнера, которые способствовали или препятствовали продуктивной коммуникации;
- строить позитивные отношения в процессе учебной и познавательной деятельности;
- корректно и аргументированно отстаивать свою точку зрения, в дискуссии уметь выдвигать контраргументы, перефразировать свою мысль (владение механизмом эквивалентных замен);
- критически относиться к собственному мнению, с достоинством признавать ошибочность своего мнения (если оно таково) и корректировать его;
- предлагать альтернативное решение в конфликтной ситуации;
- выделять общую точку зрения в дискуссии;
- договариваться о правилах и вопросах для обсуждения в соответствии с поставленной перед группой задачей;

– организовывать учебное взаимодействие в группе (определять общие цели, распределять роли, договариваться друг с другом и т. д.);

– устранять в рамках диалога разрывы в коммуникации, обусловленные непониманием/неприятием со стороны собеседника задачи, формы или содержания диалога.

12. Умение осознанно использовать речевые средства в соответствии с задачей коммуникации для выражения своих чувств, мыслей и потребностей для планирования и регуляции своей деятельности; владение устной и письменной речью, монологической контекстной речью. Обучающийся сможет:

- определять задачу коммуникации и в соответствии с ней отбирать речевые средства;
- отбирать и использовать речевые средства в процессе коммуникации с другими людьми (диалог в паре, в малой группе и т. д.);
- представлять в устной или письменной форме развернутый план собственной деятельности;
- соблюдать нормы публичной речи, регламент в монологе и дискуссии в соответствии с коммуникативной задачей;
- высказывать и обосновывать мнение (суждение) и запрашивать мнение партнера в рамках диалога;
- принимать решение в ходе диалога и согласовывать его с собеседником;
- создавать письменные «клишированные» и оригинальные тексты с использованием необходимых речевых средств;
- использовать вербальные средства (средства логической связи) для выделения смысловых блоков своего выступления;
- использовать невербальные средства или наглядные материалы, подготовленные/отобранные под руководством учителя;
- делать оценочный вывод о достижении цели коммуникации непосредственно после завершения коммуникативного контакта и обосновывать его.

13. Формирование и развитие компетентности в области использования информационно-коммуникационных технологий (далее – ИКТ). Обучающийся сможет:

- целенаправленно искать и использовать информационные ресурсы, необходимые для решения учебных и практических задач с помощью средств ИКТ;
- выбирать, строить и использовать адекватную информационную модель для передачи своих мыслей средствами естественных и формальных языков в соответствии с условиями коммуникации;
- выделять информационный аспект задачи, оперировать данными, использовать модель решения задачи;
- использовать компьютерные технологии (включая выбор адекватных задаче инструментальных программно-аппаратных средств и сервисов) для решения информационных и коммуникационных учебных задач, в том числе: вычисление, написание писем, сочинений, докладов, рефератов, создание презентаций и др.;
- использовать информацию с учетом этических и правовых норм;
- создавать информационные ресурсы разного типа и для разных аудиторий, соблюдать информационную гигиену и правила информационной безопасности.

*предметные:*

1) формирование представлений о математике как о методе познания действительности, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления;

2) развитие умений работать с учебным математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), точно и грамотно выражать свои мысли с применением математической терминологии и символики, проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;

3) развитие представлений о числе и числовых системах от натуральных до действительных чисел; овладение навыками устных, письменных, инструментальных вычислений;

3) овладение геометрическим языком; развитие умения использовать его для описания предметов окружающего мира; развитие пространственных представлений, изобразительных умений, навыков геометрических построений;

4) формирование систематических знаний о плоских фигурах и их свойствах, представлений о простейших пространственных телах; развитие умений моделирования реальных ситуаций на языке геометрии, исследования построенной модели с использованием геометрических понятий;

5) овладение простейшими способами представления и анализа статистических данных; формирование представлений о статистических закономерностях в реальном мире и о различных способах их изучения, о простейших вероятностных моделях; развитие умений извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, описывать и анализировать массивы числовых данных с помощью подходящих статистических характеристик, использовать понимание вероятностных свойств окружающих явлений при принятии решений;

6) развитие умений применять изученные понятия, результаты, методы для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин с использованием при необходимости справочных материалов, компьютера, пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчётах;

7) формирование информационной и алгоритмической культуры; формирование представления о компьютере как универсальном устройстве обработки информации; развитие основных навыков и умений использования компьютерных устройств;

8) формирование умений формализации и структурирования информации, умения выбирать способ представления данных в соответствии с поставленной задачей — таблицы, схемы, графики, диаграммы, с использованием соответствующих программных средств обработки данных;

9) формирование навыков и умений безопасного и целесообразного поведения при работе с компьютерными программами и в Интернете, умения соблюдать нормы информационной этики и права.

## **Рабочая программа курса «Математика» 5-6**

Цели изучения учебного курса.

Приоритетными целями обучения математике в 5-6 классах являются:

- продолжение формирования основных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, интереса к изучению математики;
- подведение обучающихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира;
- формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать математические объекты в реальных жизненных ситуациях, применять освоенные умения для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать полученные результаты и оценивать их на соответствие практической ситуации.

Согласно учебному плану в 5-6 классах изучается интегрированный предмет «Математика», который включает арифметический материал и наглядную геометрию, а также пропедевтические сведения из алгебры, элементы логики и начала описательной статистики.

Учебный план на изучение математики в 5-6 классах отводится 5 учебных часов в неделю в течение каждого года обучения, всего 340 учебных часов.



## ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

	<b>Выпускник научится в 5-6 классах (для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом уровне)</b>	<b>Выпускник получит возможность научиться в 5-6 классах для обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом и углублённом уровнях</b>
<b>Элементы теории множеств и математической логики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне<sup>1</sup> понятиями: множество, элемент множества, подмножество, принадлежность;</li> <li>- задавать множества перечислением их элементов;</li> <li>- находить пересечение, объединение, подмножество в простейших ситуациях.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Оперировать<sup>2</sup> понятиями: множество, характеристики множества, элемент множества, пустое, конечное и бесконечное множество, подмножество, принадлежность;</i></li> <li>- <i>определять принадлежность элемента множеству, объединению и пересечению множеств; задавать множество с помощью перечисления элементов, словесного описания.</i></li> </ul>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- распознавать логически некорректные высказывания.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>распознавать логически некорректные высказывания;</i></li> <li>- <i>строить цепочки умозаключений на основе использования правил логики.</i></li> </ul>
<b>Числа</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями: натуральное число, целое число, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число;</li> <li>- использовать свойства чисел и правила действий с рациональными числами при выполнении вычислений;</li> <li>- использовать признаки делимости на 2, 5, 3, 9, 10 при выполнении вычислений и решении несложных задач;</li> <li>- выполнять округление рациональных чисел в соответствии с правилами;</li> <li>- сравнивать рациональные числа.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-- <i>Оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных;</i></li> <li>- <i>понимать и объяснять смысл позиционной записи натурального числа;</i></li> <li>- <i>выполнять вычисления, в том числе с использованием приёмов рациональных вычислений, обосновывать</i></li> </ul>

<sup>1</sup>Здесь и далее – распознавать конкретные примеры общих понятий по характерным признакам, выполнять действия в соответствии с определением и простейшими свойствами понятий, конкретизировать примерами общие понятия.

<sup>2</sup> Здесь и далее – знать определение понятия, уметь пояснять его смысл, уметь использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, доказательств, решении задач.

		<p>алгоритмы выполнения действий;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать признаки делимости на 2, 4, 8, 5, 3, 6, 9, 10, 11, суммы и произведения чисел при выполнении вычислений и решении задач, обосновывать признаки делимости;</li> <li>- выполнять округление рациональных чисел с заданной точностью;</li> <li>- упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенных и десятичных дробей;</li> <li>- находить НОД и НОК чисел и использовать их при решении задач;</li> <li>- оперировать понятием модуль числа, геометрическая интерпретация модуля числа.</li> </ul>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- оценивать результаты вычислений при решении практических задач;</li> <li>- выполнять сравнение чисел в реальных ситуациях;</li> <li>- составлять числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- применять правила приближенных вычислений при решении практических задач и решении задач других учебных предметов;</li> <li>- выполнять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений;</li> <li>- составлять числовые выражения и оценивать их значения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.</li> </ul>
<b>Уравнения и неравенства</b>		<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать понятиями: равенство, числовое равенство, уравнение, корень уравнения, решение уравнения, числовое неравенство.</li> </ul>
<b>Текстовые задачи</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Решать несложные сюжетные задачи разных типов на все арифметические действия;</li> <li>- строить модель условия задачи (в виде таблицы, схемы, рисунка), в которой даны значения двух из трёх взаимосвязанных величин, с целью поиска решения задачи;</li> <li>- осуществлять способ поиска решения задачи, в котором рассуждение строится от условия к требованию или от требования к условию;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Решать простые и сложные задачи разных типов, а также задачи повышенной трудности;</li> <li>- использовать разные краткие записи как модели текстов сложных задач для построения поисковой схемы и решения задач;</li> <li>- знать и применять оба способа поиска решения задач (от требования к условию и от условия к требованию);</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- составлять план решения задачи;</li> <li>- выделять этапы решения задачи;</li> <li>- интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи;</li> <li>- знать различие скоростей объекта в стоячей воде, против течения и по течению реки;</li> <li>- решать задачи на нахождение части числа и числа по его части;</li> <li>- решать задачи разных типов (на работу, на покупки, на движение), связывающих три величины, выделять эти величины и отношения между ними;</li> <li>- находить процент от числа, число по проценту от него, находить процентное отношение двух чисел, находить процентное снижение или процентное повышение величины;</li> <li>- решать несложные логические задачи методом рассуждений.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- моделировать рассуждения при поиске решения задач с помощью граф-схемы;</li> <li>- выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа;</li> <li>- интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи;</li> <li>- анализировать всевозможные ситуации взаимного расположения двух объектов и изменение их характеристик при совместном движении (скорость, время, расстояние) при решении задач на движение двух объектов как в одном, так и в противоположных направлениях;</li> <li>- исследовать всевозможные ситуации при решении задач на движение по реке, рассматривать разные системы отсчёта;</li> <li>- решать разнообразные задачи «на части»,</li> <li>- решать и обосновывать свое решение задач (выделять математическую основу) на нахождение части числа и числа по его части на основе конкретного смысла дроби;</li> <li>- осознавать и объяснять идентичность задач разных типов, связывающих три величины (на работу, на покупки, на движение); выделять эти величины и отношения между ними, применять их при решении задач, конструировать собственные задачи указанных типов.</li> </ul>
<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>		
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- выдвигать гипотезы о возможных предельных значениях искомых величин в задаче (делать прикидку)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- выделять при решении задач характеристики рассматриваемой в задаче ситуации, отличные от реальных (те, от которых абстрагировались), конструировать новые ситуации с учётом этих характеристик, в частности, при решении задач на концентрации, учитывать плотность вещества;</li> <li>- решать и конструировать задачи на основе рассмотрения реальных ситуаций, в которых не</li> </ul>

		<p><i>требуется точный вычислительный результат;</i></p> <p><i>- решать задачи на движение по реке, рассматривая разные системы отсчета.</i></p>
<b>Статистика и теория вероятностей</b>	<p>- Представлять данные в виде таблиц, диаграмм;</p> <p>- читать информацию, представленную в виде таблицы, диаграммы.</p>	<p><i>- Оперировать понятиями: столбчатые и круговые диаграммы, таблицы данных, среднее арифметическое;</i></p> <p><i>- извлекать, информацию, представленную в таблицах, на диаграммах;</i></p> <p><i>- составлять таблицы, строить диаграммы на основе данных.</i></p>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
		<p><i>- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную в таблицах и на диаграммах, отражающую свойства и характеристики реальных процессов и явлений.</i></p>
<b>Наглядная геометрия Геометрические фигуры</b>	<p>- Оперировать на базовом уровне понятиями: фигура, точка, отрезок, прямая, луч, ломаная, угол, многоугольник, треугольник и четырёхугольник, прямоугольник и квадрат, окружность и круг, прямоугольный параллелепипед, куб, шар. Изображать изучаемые фигуры от руки и с помощью линейки и циркуля.</p>	<p><i>- Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах;</i></p> <p><i>- изображать изучаемые фигуры от руки и с помощью компьютерных инструментов.</i></p>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<p>- решать практические задачи с применением простейших свойств фигур.</p>	.
<b>Измерения и вычисления</b>	<p>- выполнять измерение длин, расстояний, величин углов, с помощью инструментов для измерений длин и углов;</p> <p>- вычислять площади прямоугольников.</p>	<p><i>- выполнять измерение длин, расстояний, величин углов, с помощью инструментов для измерений длин и углов;</i></p> <p><i>- вычислять площади прямоугольников, квадратов, объёмы прямоугольных параллелепипедов, кубов.</i></p>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- вычислять расстояния на местности в стандартных ситуациях, площади прямоугольников;</li> <li>- выполнять простейшие построения и измерения на местности, необходимые в реальной жизни.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>вычислять расстояния на местности в стандартных ситуациях, площади участков прямоугольной формы, объёмы комнат;</i></li> <li>- <i>выполнять простейшие построения на местности, необходимые в реальной жизни;</i></li> <li>- <i>оценивать размеры реальных объектов окружающего мира.</i></li> </ul>
<b>История математики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки;</li> <li>- знать примеры математических открытий и их авторов, в связи с отечественной и всемирной историей.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей.</i></li> </ul>

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

### Элементы теории множеств и математической логики

Согласно ФГОС основного общего образования в курс математики введен раздел «Логика», который не предполагает дополнительных часов на изучении и встраивается в различные темы курсов математики и информатики и предваряется ознакомлением с элементами теории множеств.

### Множества и отношения между ними

Множество, *характеристическое свойство множества*, элемент множества, *пустое, конечное, бесконечное множество*. Подмножество. Отношение принадлежности, включения, равенства. Элементы множества, способы задания множеств, *распознавание подмножеств и элементов подмножеств с использованием кругов Эйлера*.

### Операции над множествами

Пересечение и объединение множеств. *Разность множеств, дополнение множества. Интерпретация операций над множествами с помощью кругов Эйлера*.

### Элементы логики

Определение. Утверждения. Доказательство. Доказательство от противного. Пример и контрпример.

### Высказывания

Истинность и ложность высказывания. *Сложные и простые высказывания. Операции над высказываниями с использованием логических связок: и, или, не. Условные высказывания (импликация)*.

### Натуральные числа и нуль

#### Натуральный ряд чисел и его свойства

Натуральное число, множество натуральных чисел и его свойства, изображение натуральных чисел точками на числовой прямой. Использование свойств натуральных чисел при решении задач.

#### Запись и чтение натуральных чисел

Различие между цифрой и числом. Позиционная запись натурального числа, поместное значение цифры, разряды и классы, соотношение между двумя соседними разрядными единицами, чтение и запись натуральных чисел.

### **Округление натуральных чисел**

Необходимость округления. Правило округления натуральных чисел.

### **Сравнение натуральных чисел, сравнение с числом 0**

Понятие о сравнении чисел, сравнение натуральных чисел друг с другом и с нулём, математическая запись сравнений, способы сравнения чисел.

### **Действия с натуральными числами**

Сложение и вычитание, компоненты сложения и вычитания, связь между ними, нахождение суммы и разности, изменение суммы и разности при изменении компонентов сложения и вычитания.

Умножение и деление, компоненты умножения и деления, связь между ними, умножение и сложение в столбик, деление уголком, проверка результата с помощью прикидки и обратного действия.

Переместительный и сочетательный законы сложения и умножения, распределительный закон умножения относительно сложения, обоснование алгоритмов выполнения арифметических действий.

### **Степень с натуральным показателем**

Запись числа в виде суммы разрядных слагаемых, порядок выполнения действий в выражениях, содержащих степень, вычисление значений выражений, содержащих степень.

### **Числовые выражения**

Числовое выражение и его значение, порядок выполнения действий.

### **Деление с остатком**

Деление с остатком на множестве натуральных чисел, свойства деления с остатком. Практические задачи на деление с остатком.

### **Свойства и признаки делимости**

Свойство делимости суммы (разности) на число. Признаки делимости на 2, 3, 5, 9, 10. Признаки делимости на 4, 6, 8, 11. Доказательство признаков делимости. Решение практических задач с применением признаков делимости.

### **Разложение числа на простые множители**

Простые и составные числа, решето Эратосфена.

Разложение натурального числа на множители, разложение на простые множители. Количество делителей числа, алгоритм разложения числа на простые множители, основная теорема арифметики.

### **Алгебраические выражения**

Использование букв для обозначения чисел, вычисление значения алгебраического выражения, применение алгебраических выражений для записи свойств арифметических действий, преобразование алгебраических выражений.

### **Делители и кратные**

Делитель и его свойства, общий делитель двух и более чисел, наибольший общий делитель, взаимно простые числа, нахождение наибольшего общего делителя. Кратное и его свойства, общее кратное двух и более чисел, наименьшее общее кратное, способы нахождения наименьшего общего кратного.

### **Дроби**

## **Обыкновенные дроби**

Доля, часть, дробное число, дробь. Дробное число как результат деления. Правильные и неправильные дроби, смешанная дробь (смешанное число).

Запись натурального числа в виде дроби с заданным знаменателем, преобразование смешанной дроби в неправильную дробь и наоборот.

Приведение дробей к общему знаменателю. Сравнение обыкновенных дробей.

Сложение и вычитание обыкновенных дробей. Умножение и деление обыкновенных дробей.

Арифметические действия со смешанными дробями.

Арифметические действия с дробными числами.

*Способы рационализации вычислений и их применение при выполнении действий.*

## **Десятичные дроби**

Целая и дробная части десятичной дроби. Преобразование десятичных дробей в обыкновенные. Сравнение десятичных дробей. Сложение и вычитание десятичных дробей. Округление десятичных дробей. Умножение и деление десятичных дробей. *Преобразование обыкновенных дробей в десятичные дроби. Конечные и бесконечные десятичные дроби.*

## **Отношение двух чисел**

Масштаб на плане и карте. Пропорции. Свойства пропорций, применение пропорций и отношений при решении задач.

## **Среднее арифметическое чисел**

Среднее арифметическое двух чисел. Изображение среднего арифметического двух чисел на числовой прямой. Решение практических задач с применением среднего арифметического. *Среднее арифметическое нескольких чисел.*

## **Проценты**

Понятие процента. Вычисление процентов от числа и числа по известному проценту, выражение отношения в процентах. Решение несложных практических задач с процентами.

## **Диаграммы**

Столбчатые и круговые диаграммы. Извлечение информации из диаграмм. *Изображение диаграмм по числовым данным.*

## **Рациональные числа**

### **Положительные и отрицательные числа**

Изображение чисел на числовой (координатной) прямой. Сравнение чисел. Модуль числа, геометрическая интерпретация модуля числа. Действия с положительными и отрицательными числами. Множество целых чисел.

### **Понятие о рациональном числе.**

*Первичное представление о множестве рациональных чисел. Действия с рациональными числами.*

## **Решение текстовых задач**

**Единицы измерений:** длины, площади, объёма, массы, времени, скорости. Зависимости между единицами измерения каждой величины. Зависимости между величинами: скорость, время, расстояние; производительность, время, работа; цена, количество, стоимость.

## **Задачи на все арифметические действия**

Решение текстовых задач арифметическим способом. Использование таблиц, схем, чертежей, других средств представления данных при решении задачи.

## **Задачи на движение, работу и покупки**

Решение несложных задач на движение в противоположных направлениях, в одном направлении, движение по реке по течению и против течения. Решение задач на совместную работу. Применение дробей при решении задач.

### **Задачи на части, доли, проценты**

Решение задач на нахождение части числа и числа по его части. Решение задач на проценты и доли. Применение пропорций при решении задач.

### **Логические задачи**

Решение несложных логических задач. *Решение логических задач с помощью графов, таблиц.*

**Основные методы решения текстовых задач:** арифметический, перебор вариантов.

### **Наглядная геометрия**

Фигуры в окружающем мире. Наглядные представления о фигурах на плоскости: прямая, отрезок, луч, угол, ломаная, многоугольник, окружность, круг. Четырехугольник, прямоугольник, квадрат. Треугольник, *виды треугольников. Правильные многоугольники.* Изображение основных геометрических фигур. *Взаимное расположение двух прямых, двух окружностей, прямой и окружности.* Длина отрезка, ломаной. Единицы измерения длины. Построение отрезка заданной длины. Виды углов. Градусная мера угла. Измерение и построение углов с помощью транспортира.

Периметр многоугольника. Понятие площади фигуры; единицы измерения площади. Площадь прямоугольника, квадрата. Приближенное измерение площади фигур на клетчатой бумаге. *Равновеликие фигуры.*

Наглядные представления о пространственных фигурах: куб, параллелепипед, призма, пирамида, шар, сфера, конус, цилиндр. Изображение пространственных фигур. *Примеры сечений. Многогранники. Правильные многогранники.* Примеры разверток многогранников, цилиндра и конуса.

Понятие объема; единицы объема. Объем прямоугольного параллелепипеда, куба.

Понятие о равенстве фигур. Центральная, осевая и *зеркальная* симметрии. Изображение симметричных фигур.

Решение практических задач с применением простейших свойств фигур.

### **История математики**

*Появление цифр, букв, иероглифов в процессе счёта и распределения продуктов на Древнем Ближнем Востоке. Связь с Неолитической революцией.*

*Рождение шестидесятеричной системы счисления. Появление десятичной записи чисел.*

*Рождение и развитие арифметики натуральных чисел. НОК, НОД, простые числа. Решето Эратосфена.*

*Появление нуля и отрицательных чисел в математике древности. Роль Диофанта. Почему  $(-1)(-1) = +1$ ?*

*Дроби в Вавилоне, Египте, Риме. Открытие десятичных дробей. Старинные системы мер. Десятичные дроби и метрическая система мер. Л. Магницкий*

## Тематическое планирование

Тематическое планирование реализует один из возможных подходов к распределению изучаемого материала линии учебно-методических комплексов (УМК) по математике Г.В. Дорофеева, И.Ф. Шарыгина 5-6 классов.

### 5 класс

№п/п	ТЕМА	Кол-во часов	В том числе	
			Практические самостоятельные работы	Контрольные работы
1	Линии	8	1	1
2	Натуральные числа	12	1	1
3	Действия с натуральными числами	24	2	1
4	Использование свойств действий при вычислениях	12	1	1
5	Углы и многоугольники	7	1	
6	Делимость чисел	15	1	1
7	Треугольники и четырехугольники	9	1	
8	Дроби	20	3	1
9	Действия с дробями	35	3	2
10	Многогранники	10	1	
11	Таблицы и диаграммы	6		
12	Итоговое повторение	12		
13	Итоговая контрольная работа	1		1
	<b>всего</b>	<b>170</b>	<b>15</b>	<b>9</b>

### 6 класс

№ п\п	Наименование темы	Кол-во часов	В том числе	
			Практические, самостоятельные работы	Контрольные работы
1	Дроби и проценты	20		1
2	Прямые на плоскости и в пространстве	6	1	
3	Десятичные дроби	9	1	1
4	Действия с десятичными дробями	31	1	1
5	Окружность	8	1	
6	Отношения и проценты	15		1
7	Симметрия	8	1	
8	Выражения, формулы, уравнения	15	1	1
9	Целые числа	14	1	1
10	Множества. Комбинаторика	9	1	

11	Рациональные числа	16	1	1
12	Многоугольники и многогранники	10	1	
13	Итоговое повторение	7		1
14	Итоговая контрольная работа	1		
	Итого часов	170		8

## Рабочая программа учебного предмета

### «АЛГЕБРА» »

(включая элементы статистики и теории вероятностей)

### 7-9 классы

#### ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

*Алгебра* — один из важнейших компонентов математического образования, необходимый для приобретения конкретных знаний и практически значимых умений, необходимых для изучения геометрии в 7-9 классах, алгебры и начал математического анализа в 10-11 классах, а также изучения смежных дисциплин.

В курсе алгебры 7-9 классов представлены следующие содержательные линии: «Числа», «Уравнения и неравенства», «Функции», «Решение текстовых задач», «Статистика и теория вероятностей».

В рамках указанных содержательных линий решаются следующие задачи:

- развитие мышления, прежде всего формирование абстрактного мышления;
- формирование логического и алгоритмического мышления, а также таких качеств мышления, как сила и гибкость, конструктивность и критичность;
- формирование математического стиля мышления, включающего в себя индукцию и дедукцию, обобщение и конкретизацию, анализ и синтез, классификацию и систематизацию, абстрагирование и аналогию.

#### ОПИСАНИЕ МЕСТА УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

Учебный предмет «Алгебра» входит в предметную область «Математика и информатика», является обязательным для изучения в 7-9 классах. В учебном плане на его изучение отводится: всего за 3 года реализации программы – 306 часов

Класс	Учебный предмет	Количество недельных часов	Количество учебных недель
7 класс	Алгебра	3	34
8 класс	Алгебра	3	34
9 класс	Алгебра	3	34

#### ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

##### Межпредметные понятия

Обучающиеся усваивают приобретённые на первом уровне **навыки работы с информацией** и пополняют их. Они смогут работать с текстами, преобразовывать и интерпретировать содержащуюся в них информацию, в том числе:

- систематизировать, сопоставлять, анализировать, обобщать и интерпретировать информацию, содержащуюся в готовых информационных объектах;
- выделять главную и избыточную информацию, выполнять смысловое свёртывание выделенных фактов, мыслей; представлять информацию в сжатой словесной форме (в виде плана или тезисов) и в наглядно-символической форме (в виде таблиц, графических схем и диаграмм, карт понятий — концептуальных диаграмм, опорных конспектов);
- заполнять и дополнять таблицы, схемы, диаграммы, тексты.

Обучающиеся **приобретут опыт проектной деятельности** как особой формы учебной работы, способствующей воспитанию самостоятельности, инициативности, ответственности,

повышению мотивации и эффективности учебной деятельности; в ходе реализации исходного замысла на практическом уровне овладеют умением выбирать адекватные стоящей задаче средства, принимать решения, в том числе и в ситуациях неопределённости. Они получают возможность развить способность к разработке нескольких вариантов решений, к поиску нестандартных решений, поиску и осуществлению наиболее приемлемого решения.

**Типовые задачи по формированию регулятивных действий:**

- на планирование;
- на ориентировку в ситуации;
- на прогнозирование;
- на целеполагание;
- на принятие решения;
- на самоконтроль.

**Типовые задачи по формированию познавательных действий:**

- проекты на выстраивание стратегии поиска решения задач;
- задачи на сериацию, сравнение, оценивание;
- проведение эмпирического исследования;
- проведение теоретического исследования;
- смысловое чтение.

**Проекты:**

**7 класс**

1. Роль российских учёных в развитии математики. Л. Эйлер.
2. Решение логических задач с помощью графов.

**8 класс**

1. Роль российских учёных в развитии математики. А.Н.Колмогоров.
2. Разнообразные способы решения квадратных уравнений.

**9 класс**

1. Числа Фибоначчи.
2. Простые и сложные проценты.
3. Космическая программа и М.В.Келдыш.

Формы организации учебно-исследовательской деятельности на урочных занятиях могут быть следующими:

- урок-исследование, урок-лаборатория, урок-творческий отчет, урок изобретательства, урок «Удивительное рядом», урок – рассказ об ученых, урок – защита исследовательских проектов, урок – экспертиза, урок «Патент на открытие», урок открытых мыслей;
- учебный эксперимент, который позволяет организовать освоение таких элементов исследовательской деятельности, как планирование и проведение эксперимента, обработка и анализ его результатов;
- домашнее задание исследовательского характера может сочетать в себе разнообразные виды, причем позволяет провести учебное исследование, достаточно протяженное во времени.

**Типовые задачи по формированию коммуникативных действий**

- на учет позиции партнера;
- на организацию и осуществление сотрудничества;
- на передачу информации и отображение предметного содержания;
- тренинги коммуникативных навыков

**ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

	<p><b>Выпускник научится в 7-9 классах (для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом уровне)</b></p>	<p><b>Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах для обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом и углублённом уровнях</b></p>
--	---	--

<p><b>Элементы теории множеств и математической логики</b></p>	<p>-Оперировать на базовом уровне<sup>3</sup> понятиями: множество, элемент множества, подмножество, принадлежность;          -задавать множества перечислением их элементов;          -находить пересечение, объединение, подмножество в простейших ситуациях;          -оперировать на базовом уровне понятиями: определение, аксиома, теорема, доказательство;          приводить примеры и контрпримеры для подтверждения своих высказываний</p>	<p>- Оперировать<sup>4</sup> понятиями: определение, теорема, аксиома, множество, характеристики множества, элемент множества, пустое, конечное и бесконечное множество, подмножество, принадлежность, включение, равенство множеств;          - изображать множества и отношение множеств с помощью кругов Эйлера;          - определять принадлежность элемента множеству, объединению и пересечению множеств;          - задавать множество с помощью перечисления элементов, словесного описания;          - оперировать понятиями: высказывание, истинность и ложность высказывания, отрицание высказываний, операции над высказываниями: и, или, не, условные высказывания (импликация);          - строить высказывания, отрицания высказываний.</p>
<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>		
	<p>- использовать графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов.</p>	<p>• строить цепочки умозаключений на основе использования правил логики; использовать множества, операции с множествами, их графическое представление для описания реальных процессов и явлений</p>
<p><b>Числа</b></p>	<p>- Оперировать на базовом уровне понятиями: натуральное число, целое число, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанная дробь, рациональное число, арифметический квадратный корень;          -использовать свойства чисел и правила действий при выполнении вычислений;          -использовать признаки делимости на 2, 5, 3, 9, 10 при выполнении вычислений и решении несложных задач;          - выполнять округление</p>	<p>- Оперировать понятиями: множество натуральных чисел, множество целых чисел, множество рациональных чисел, иррациональное число, квадратный корень, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;          - понимать и объяснять смысл позиционной записи натурального числа;          - выполнять вычисления, в том числе с использованием приёмов рациональных вычислений;</p>

<sup>3</sup>Здесь и далее – распознавать конкретные примеры общих понятий по характерным признакам, выполнять действия в соответствии с определением и простейшими свойствами понятий, конкретизировать примерами общие понятия.

<sup>4</sup> Здесь и далее – знать определение понятия, уметь пояснять его смысл, уметь использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, доказательств, решении задач.

	<p>рациональных чисел в соответствии с правилами;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- оценивать значение квадратного корня из положительного целого числа;</li> <li>- распознавать рациональные и иррациональные числа;</li> <li>- сравнивать числа.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- выполнять округление рациональных чисел с заданной точностью;</li> <li>- сравнивать рациональные и иррациональные числа;</li> <li>- представлять рациональное число в виде десятичной дроби</li> <li>- упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби;</li> <li>- находить НОД и НОК чисел и использовать их при решении задач.</li> </ul>
<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>		
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- оценивать результаты вычислений при решении практических задач;</li> <li>- выполнять сравнение чисел в реальных ситуациях;</li> <li>- составлять числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- применять правила приближенных вычислений при решении практических задач и решении задач других учебных предметов;</li> <li>- выполнять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений;</li> <li>- составлять и оценивать числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов;</li> <li>- записывать и округлять числовые значения реальных величин с использованием разных систем измерения.</li> </ul>
<p><b>Тождественные преобразования</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Выполнять несложные преобразования для вычисления значений числовых выражений, содержащих степени с натуральным показателем, степени с целым отрицательным показателем;</li> <li>- выполнять несложные преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые;</li> <li>- использовать формулы сокращенного умножения (квадрат суммы, квадрат разности, разность квадратов) для упрощения вычислений значений выражений;</li> <li>- выполнять несложные преобразования дробно-линейных выражений и выражений с квадратными корнями.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать понятиями степени с натуральным показателем, степени с целым отрицательным показателем;</li> <li>- выполнять преобразования целых выражений: действия с одночленами (сложение, вычитание, умножение), действия с многочленами (сложение, вычитание, умножение);</li> <li>- выполнять разложение многочленов на множители одним из способов: вынесение за скобку, группировка, использование формул сокращенного умножения;</li> <li>- выделять квадрат суммы и разности одночленов;</li> <li>- раскладывать на множители квадратный трёхчлен;</li> <li>- выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целыми отрицательными показателями, переходить от записи в виде степени с целым отрицательным показателем к записи в виде дроби;</li> <li>- выполнять преобразования дробно-рациональных выражений: сокращение дробей, приведение алгебраических</li> </ul>

		<p>дробей к общему знаменателю, сложение, умножение, деление алгебраических дробей, возведение алгебраической дроби в натуральную и целую отрицательную степень;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни;</li> <li>- выделять квадрат суммы или разности двучлена в выражениях, содержащих квадратные корни;</li> <li>- выполнять преобразования выражений, содержащих модуль.</li> </ul>
<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>		
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- понимать смысл записи числа в стандартном виде;</li> <li>- оперировать на базовом уровне понятием «стандартная запись числа».</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- выполнять преобразования и действия с числами, записанными в стандартном виде;</li> <li>- выполнять преобразования алгебраических выражений при решении задач других учебных предметов.</li> </ul>
<p><b>Уравнения и неравенства</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями: равенство, числовое равенство, уравнение, корень уравнения, решение уравнения, числовое неравенство, неравенство, решение неравенства;</li> <li>- проверять справедливость числовых равенств и неравенств;</li> <li>- решать линейные неравенства и несложные неравенства, сводящиеся к линейным;</li> <li>- решать системы несложных линейных уравнений, неравенств;</li> <li>- проверять, является ли данное число решением уравнения (неравенства);</li> <li>- решать квадратные уравнения по формуле корней квадратного уравнения;</li> <li>- изображать решения неравенств и их систем на числовой прямой.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать понятиями: уравнение, неравенство, корень уравнения, решение неравенства, равносильные уравнения, область определения уравнения (неравенства, системы уравнений или неравенств);</li> <li>- решать линейные уравнения и уравнения, сводимые к линейным с помощью тождественных преобразований;</li> <li>- решать квадратные уравнения и уравнения, сводимые к квадратным с помощью тождественных преобразований;</li> <li>- решать дробно-линейные уравнения;</li> <li>- решать простейшие иррациональные уравнения вида <math>\sqrt{f(x)} = a</math>, <math>\sqrt{f(x)} = \sqrt{g(x)}</math>;</li> <li>- решать уравнения вида <math>x^n = a</math>;</li> <li>- решать уравнения способом разложения на множители и замены переменной;</li> <li>- использовать метод интервалов для решения целых и дробно-рациональных неравенств;</li> <li>- решать линейные уравнения и неравенства с параметрами;</li> <li>- решать несложные квадратные уравнения с параметром;</li> <li>- решать несложные системы линейных уравнений с параметрами;</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- решать несложные уравнения в целых числах.</li> </ul>	
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- составлять и решать линейные уравнения при решении задач, возникающих в других учебных предметах.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- составлять и решать линейные и квадратные уравнения, уравнения, к ним сводящиеся, системы линейных уравнений, неравенств при решении задач других учебных предметов;</li> <li>- выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении линейных и квадратных уравнений и систем линейных уравнений и неравенств при решении задач других учебных предметов;</li> <li>- выбирать соответствующие уравнения, неравенства или их системы для составления математической модели заданной реальной ситуации или прикладной задачи;</li> <li>- уметь интерпретировать полученный при решении уравнения, неравенства или системы результат в контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи.</li> </ul>
<b>Функции</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Находить значение функции по заданному значению аргумента;</li> <li>- находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях;</li> <li>- определять положение точки по её координатам, координаты точки по её положению на координатной плоскости;</li> <li>- по графику находить область определения, множество значений, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения функции;</li> <li>- строить график линейной функции;</li> <li>- проверять, является ли данный график графиком заданной функции (линейной, квадратичной, обратной пропорциональности);</li> <li>- определять приближённые значения координат точки пересечения графиков функций;</li> <li>- оперировать на базовом уровне понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать понятиями: функциональная зависимость, функция, график функции, способы задания функции, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность функции, чётность/нечётность функции;</li> <li>- строить графики линейной, квадратичной функций, обратной пропорциональности, функции вида:  <math display="block">y = a + \frac{k}{x+b}, y = \sqrt{x}, y = \sqrt[3]{x}, y =  x ;</math> </li> <li>- на примере квадратичной функции, использовать преобразования графика функции <math>y=f(x)</math> для построения графиков функций <math>y = af(kx+b)+c</math>;</li> <li>- составлять уравнения прямой по заданным условиям: проходящей через две точки с заданными координатами, проходящей через данную точку и параллельной данной прямой;</li> <li>- исследовать функцию по её графику;</li> <li>- находить множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, монотонности квадратичной</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- решать задачи на прогрессии, в которых ответ может быть получен непосредственным подсчётом без применения формул.</li> </ul>	<p><i>функции;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия;</li> <li>- решать задачи на арифметическую и геометрическую прогрессию.</li> </ul>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать графики реальных процессов и зависимостей для определения их свойств (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, области положительных и отрицательных значений и т.п.);</li> <li>- использовать свойства линейной функции и ее график при решении задач из других учебных предметов.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- иллюстрировать с помощью графика реальную зависимость или процесс по их характеристикам;</li> <li>- использовать свойства и график квадратичной функции при решении задач из других учебных предметов.</li> </ul>
<b>Статистика и теория вероятностей</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Иметь представление о статистических характеристиках, вероятности случайного события, комбинаторных задачах;</li> <li>- решать простейшие комбинаторные задачи методом прямого и организованного перебора;</li> <li>- представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков;</li> <li>- читать информацию, представленную в виде таблицы, диаграммы, графика;</li> <li>- определять основные статистические характеристики числовых наборов;</li> <li>- оценивать вероятность события в простейших случаях;</li> <li>- иметь представление о роли закона больших чисел в массовых явлениях.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать понятиями: столбчатые и круговые диаграммы, таблицы данных, среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения выборки, размах выборки, дисперсия и стандартное отклонение, случайная изменчивость;</li> <li>- извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках;</li> <li>- составлять таблицы, строить диаграммы и графики на основе данных;</li> <li>- оперировать понятиями: факториал числа, перестановки и сочетания, треугольник Паскаля;</li> <li>- применять правило произведения при решении комбинаторных задач;</li> <li>- оперировать понятиями: случайный опыт, случайный выбор, испытание, элементарное случайное событие (исход), классическое определение вероятности случайного события, операции над случайными событиями;</li> <li>- представлять информацию с помощью кругов Эйлера;</li> <li>- решать задачи на вычисление вероятности с подсчетом количества вариантов с помощью комбинаторики.</li> </ul>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- оценивать количество возможных вариантов методом перебора;</li> <li>- иметь представление о роли практически достоверных и</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую</li> </ul>

	<p>маловероятных событий;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- сравнивать основные статистические характеристики, полученные в процессе решения прикладной задачи, изучения реального явления;</li> <li>- оценивать вероятность реальных событий и явлений в несложных ситуациях.</li> </ul>	<p><i>свойства и характеристики реальных процессов и явлений;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>определять статистические характеристики выборок по таблицам, диаграммам, графикам, выполнять сравнение в зависимости от цели решения задачи;</i></li> <li>- <i>оценивать вероятность реальных событий и явлений.</i></li> </ul>
<p><b>Текстовые задачи</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Решать несложные сюжетные задачи разных типов на все арифметические действия;</li> <li>- строить модель условия задачи (в виде таблицы, схемы, рисунка или уравнения), в которой даны значения двух из трёх взаимосвязанных величин, с целью поиска решения задачи;</li> <li>- осуществлять способ поиска решения задачи, в котором рассуждение строится от условия к требованию или от требования к условию;</li> <li>- составлять план решения задачи;</li> <li>- выделять этапы решения задачи;</li> <li>- интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи;</li> <li>- знать различие скоростей объекта в стоячей воде, против течения и по течению реки;</li> <li>- решать задачи на нахождение части числа и числа по его части;</li> <li>- решать задачи разных типов (на работу, на покупки, на движение), связывающих три величины, выделять эти величины и отношения между ними;</li> <li>- находить процент от числа, число по проценту от него, находить процентное снижение или процентное повышение величины;</li> <li>- решать несложные логические задачи методом рассуждений.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Решать простые и сложные задачи разных типов, а также задачи повышенной трудности;</i></li> <li>- <i>использовать разные краткие записи как модели текстов сложных задач для построения поисковой схемы и решения задач;</i></li> <li>- <i>различать модель текста и модель решения задачи, конструировать к одной модели решения несложной задачи разные модели текста задачи;</i></li> <li>- <i>знать и применять оба способа поиска решения задач (от требования к условию и от условия к требованию);</i></li> <li>- <i>моделировать рассуждения при поиске решения задач с помощью граф-схемы;</i></li> <li>- <i>выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа;</i></li> <li>- <i>уметь выбирать оптимальный метод решения задачи и осознавать выбор метода, рассматривать различные методы, находить разные решения задачи, если возможно;</i></li> <li>- <i>анализировать затруднения при решении задач;</i></li> <li>- <i>выполнять различные преобразования предложенной задачи, конструировать новые задачи из данной, в том числе обратные;</i></li> <li>- <i>интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи;</i></li> <li>- <i>анализировать всевозможные ситуации взаимного расположения двух объектов и изменение их характеристик при совместном движении (скорость, время, расстояние) при решении задач на движение двух объектов как в одном, так и в противоположных направлениях;</i></li> <li>- <i>исследовать всевозможные ситуации при решении задач на движение по</i></li> </ul>

		<p>реке, рассматривать разные системы отсчёта;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- решать разнообразные задачи «на части»,</li> <li>- решать и обосновывать свое решение задач (выделять математическую основу) на нахождение части числа и числа по его части на основе конкретного смысла дроби;</li> <li>- осознавать и объяснять идентичность задач разных типов, связывающих три величины (на работу, на покупки, на движение). выделять эти величины и отношения между ними, применять их при решении задач, конструировать собственные задач указанных типов;</li> <li>- владеть основными методами решения задач на смеси, сплавы, концентрации;</li> <li>- решать задачи на проценты, в том числе, сложные проценты с обоснованием, используя разные способы;</li> <li>- решать логические задачи разными способами, в том числе, с двумя блоками и с тремя блоками данных с помощью таблиц;</li> <li>- решать задачи по комбинаторике и теории вероятностей на основе использования изученных методов и обосновывать решение;</li> <li>- решать несложные задачи по математической статистике;</li> <li>- овладеть основными методами решения сюжетных задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов, геометрический, графический, применять их в новых по сравнению с изученными ситуациях.</li> </ul>
<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>		
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- выдвигать гипотезы о возможных предельных значениях искомого в задаче величин (делать прикидку).</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- выделять при решении задач характеристики рассматриваемой в задаче ситуации, отличные от реальных (те, от которых абстрагировались), конструировать новые ситуации с учётом этих характеристик, в частности, при решении задач на концентрации, учитывать плотность вещества;</li> <li>- решать и конструировать задачи на основе рассмотрения реальных ситуаций, в которых не требуется точный вычислительный результат;</li> </ul>

		- <i>решать задачи на движение по реке, рассматривая разные системы отсчета.</i>
<b>История математики</b>	- Описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки; - знать примеры математических открытий и их авторов, в связи с отечественной и всемирной историей; - понимать роль математики в развитии России.	- <i>Характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей;</i> - <i>понимать роль математики в развитии России.</i>
<b>Методы математики</b>	- Выбирать подходящий изученный метод для решения изученных типов математических задач; - приводить примеры математических закономерностей в окружающей действительности и произведениях искусства.	- <i>Используя изученные методы, проводить доказательство, выполнять опровержение;</i> - <i>выбирать изученные методы и их комбинации для решения математических задач;</i> - <i>использовать математические знания для описания закономерностей в окружающей действительности и произведениях искусства;</i> - <i>применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач.</i>

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

### Элементы теории множеств и математической логики

Согласно ФГОС основного общего образования в курс математики введен раздел «Логика», который не предполагает дополнительных часов на изучении и встраивается в различные темы курсов математики и предваряется ознакомлением с элементами теории множеств.

#### Множества и отношения между ними

Множество, *характеристическое свойство множества*, элемент множества, *пустое, конечное, бесконечное множество*. Подмножество. Отношение принадлежности, включения, равенства. Элементы множества, способы задания множеств, *распознавание подмножеств и элементов подмножеств с использованием кругов Эйлера*.

#### Операции над множествами

Пересечение и объединение множеств. *Разность множеств, дополнение множества. Интерпретация операций над множествами с помощью кругов Эйлера*.

#### Элементы логики

Определение. Утверждения. Аксиомы и теоремы. Доказательство. Доказательство от противного. Теорема, обратная данной. Пример и контрпример.

#### Высказывания

Истинность и ложность высказывания. *Сложные и простые высказывания. Операции над высказываниями с использованием логических связок: и, или, не. Условные высказывания (импликация)*.

#### Числа

##### Рациональные числа

Множество рациональных чисел. Сравнение рациональных чисел. Действия с рациональными числами. *Представление рационального числа десятичной дробью*.

## **Иррациональные числа**

Понятие иррационального числа. Распознавание иррациональных чисел. Примеры доказательств в алгебре. Иррациональность числа  $\sqrt{2}$ . Применение в геометрии. *Сравнение иррациональных чисел. Множество действительных чисел.*

## **Тождественные преобразования**

### **Числовые и буквенные выражения**

Выражение с переменной. Значение выражения. Подстановка выражений вместо переменных.

### **Целые выражения**

Степень с натуральным показателем и её свойства. Преобразования выражений, содержащих степени с натуральным показателем.

Одночлен, многочлен. Действия с одночленами и многочленами (сложение, вычитание, умножение). Формулы сокращённого умножения: разность квадратов, квадрат суммы и разности. Разложение многочлена на множители: вынесение общего множителя за скобки, *группировка, применение формул сокращённого умножения. Квадратный трёхчлен, разложение квадратного трёхчлена на множители.*

### **Дробно-рациональные выражения**

Степень с целым показателем. Преобразование дробно-линейных выражений: сложение, умножение, деление. *Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях. Сокращение алгебраических дробей. Приведение алгебраических дробей к общему знаменателю. Действия с алгебраическими дробями: сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень.*

*Преобразование выражений, содержащих знак модуля.*

### **Квадратные корни**

Арифметический квадратный корень. Преобразование выражений, содержащих квадратные корни: умножение, деление, вынесение множителя из-под знака корня, *внесение множителя под знак корня.*

### **Уравнения и неравенства**

#### **Равенства**

Числовое равенство. Свойства числовых равенств. Равенство с переменной.

#### **Уравнения**

Понятие уравнения и корня уравнения. *Представление о равносильности уравнений. Область определения уравнения (область допустимых значений переменной).*

#### **Линейное уравнение и его корни**

Решение линейных уравнений. *Линейное уравнение с параметром. Количество корней линейного уравнения. Решение линейных уравнений с параметром.*

#### **Квадратное уравнение и его корни**

Квадратные уравнения. Неполные квадратные уравнения. Дискриминант квадратного уравнения. Формула корней квадратного уравнения. *Теорема Виета. Теорема, обратная теореме Виета.* Решение квадратных уравнений: использование формулы для нахождения корней, *графический метод решения, разложение на множители, подбор корней с использованием теоремы Виета. Количество корней квадратного уравнения в зависимости от его дискриминанта. Биквадратные уравнения. Уравнения, сводимые к линейным и квадратным. Квадратные уравнения с параметром.*

#### **Дробно-рациональные уравнения**

Решение простейших дробно-линейных уравнений. *Решение дробно-рациональных уравнений.*

*Методы решения уравнений: методы равносильных преобразований, метод замены переменной, графический метод. Использование свойств функций при решении уравнений.*

*Простейшие иррациональные уравнения вида  $\sqrt{f(x)} = a$ ,  $\sqrt{f(x)} = \sqrt{g(x)}$ .*

*Уравнения вида  $x^n = a$ . Уравнения в целых числах.*

### **Системы уравнений**

Уравнение с двумя переменными. Линейное уравнение с двумя переменными. *Прямая как графическая интерпретация линейного уравнения с двумя переменными.*

Понятие системы уравнений. Решение системы уравнений.

Методы решения систем линейных уравнений с двумя переменными: *графический метод, метод сложения, метод подстановки.*

*Системы линейных уравнений с параметром.*

### **Неравенства**

Числовые неравенства. Свойства числовых неравенств. Проверка справедливости неравенств при заданных значениях переменных.

Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства. *Область определения неравенства (область допустимых значений переменной).*

Решение линейных неравенств.

*Квадратное неравенство и его решения. Решение квадратных неравенств: использование свойств и графика квадратичной функции, метод интервалов. Запись решения квадратного неравенства.*

*Решение целых и дробно-рациональных неравенств методом интервалов.*

### **Системы неравенств**

Системы неравенств с одной переменной. Решение систем неравенств с одной переменной: линейных, *квадратных*. Изображение решения системы неравенств на числовой прямой. Запись решения системы неравенств.

### **Функции**

#### **Понятие функции**

Декартовы координаты на плоскости. Формирование представлений о метапредметном понятии «координаты». Способы задания функций: аналитический, графический, табличный. График функции. Примеры функций, получаемых в процессе исследования различных реальных процессов и решения задач. Значение функции в точке. Свойства функций: область определения, множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, *чётность/нечётность*, промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения. Исследование функции по её графику.

*Представление об асимптотах.*

*Непрерывность функции. Кусочно заданные функции.*

#### **Линейная функция**

Свойства и график линейной функции. Угловой коэффициент прямой. Расположение графика линейной функции в зависимости от её углового коэффициента и свободного члена. *Нахождение коэффициентов линейной функции по заданным условиям: прохождение прямой через две точки с заданными координатами, прохождение прямой через данную точку и параллельной данной прямой.*

#### **Квадратичная функция**

Свойства и график квадратичной функции (парабола). *Построение графика квадратичной функции по точкам. Нахождение нулей квадратичной функции, множества значений, промежутков знакопостоянства, промежутков монотонности.*

#### **Обратная пропорциональность**

Свойства функции  $y = \frac{k}{x}$   $y = \frac{k}{x}$ . Гипербола.

*Графики функций. Преобразование графика функции  $y = f(x)$  для построения графиков функций вида  $y = af(kx + b) + c$ .*

*Графики функций  $y = a + \frac{k}{x+b}$ ,  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = \sqrt[3]{x}$ ,  $y = |x|$ .*

### **Последовательности и прогрессии**

Числовая последовательность. Примеры числовых последовательностей. Бесконечные последовательности. Арифметическая прогрессия и её свойства. Геометрическая прогрессия. *Формула общего члена и суммы  $n$  первых членов арифметической и геометрической прогрессий. Сходящаяся геометрическая прогрессия.*

## **Решение текстовых задач**

### **Задачи на все арифметические действия**

Решение текстовых задач арифметическим способом. Использование таблиц, схем, чертежей, других средств представления данных при решении задачи.

### **Задачи на движение, работу и покупки**

Анализ возможных ситуаций взаимного расположения объектов при их движении, соотношения объёмов выполняемых работ при совместной работе.

### **Задачи на части, доли, проценты**

Решение задач на нахождение части числа и числа по его части. Решение задач на проценты и доли. Применение пропорций при решении задач.

### **Логические задачи**

Решение логических задач. *Решение логических задач с помощью графов, таблиц.*

**Основные методы решения текстовых задач:** арифметический, алгебраический, перебор вариантов. *Первичные представления о других методах решения задач (геометрические и графические методы).*

## **Статистика и теория вероятностей**

### **Статистика**

Табличное и графическое представление данных, столбчатые и круговые диаграммы, графики, применение диаграмм и графиков для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из таблиц, диаграмм и графиков. Описательные статистические показатели числовых наборов: среднее арифметическое, *медиана*, наибольшее и наименьшее значения. Меры рассеивания: размах, *дисперсия* и *стандартное отклонение*.

Случайная изменчивость. Изменчивость при измерениях. *Решающие правила. Закономерности в изменчивых величинах.*

### **Случайные события**

Случайные опыты (эксперименты), элементарные случайные события (исходы). Вероятности элементарных событий. События в случайных экспериментах и благоприятствующие элементарные события. Вероятности случайных событий. Опыты с равновероятными элементарными событиями. Классические вероятностные опыты с использованием монет, кубиков. *Представление событий с помощью диаграмм Эйлера. Противоположные события, объединение и пересечение событий. Правило сложения вероятностей. Случайный выбор. Представление эксперимента в виде дерева. Независимые события. Умножение вероятностей независимых событий. Последовательные независимые испытания.* Представление о независимых событиях в жизни.

### **Элементы комбинаторики**

*Правило умножения, перестановки, факториал числа. Сочетания и число сочетаний. Формула числа сочетаний. Треугольник Паскаля. Опыты с большим числом равновероятных элементарных событий. Вычисление вероятностей в опытах с применением комбинаторных формул. Испытания Бернулли. Успех и неудача. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.*

### **Случайные величины**

*Знакомство со случайными величинами на примерах конечных дискретных случайных величин. Распределение вероятностей. Математическое ожидание. Свойства математического ожидания. Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей. Применение закона больших чисел в социологии, страховании, в здравоохранении, обеспечении безопасности населения в чрезвычайных ситуациях.*

## **История математики**

*Возникновение математики как науки, этапы её развития. Основные разделы математики. Выдающиеся математики и их вклад в развитие науки.*

*Бесконечность множества простых чисел. Числа и длины отрезков. Рациональные числа. Потребность в иррациональных числах. Школа Пифагора*

*Зарождение алгебры в недрах арифметики. Ал-Хорезми. Рождение буквенной символики. П.Ферма, Ф. Виет, Р. Декарт. История вопроса о нахождении формул корней алгебраических уравнений степеней, больших четырёх. Н. Тарталья, Дж. Кардано, Н.Х. Абель, Э.Галуа.*

Появление метода координат, позволяющего переводить геометрические объекты на язык алгебры. Появление графиков функций. Р. Декарт, П. Ферма. Примеры различных систем координат.

Задача Леонардо Пизанского (Фибоначчи) о кроликах, числа Фибоначчи. Задача о шахматной доске. Сходимость геометрической прогрессии.

Истоки теории вероятностей: страховое дело, азартные игры. П. Ферма, Б.Паскаль, Я. Бернулли, А.Н.Колмогоров.

Роль российских учёных в развитии математики: Л.Эйлер. Н.И.Лобачевский, П.Л.Чебышев, С. Ковалевская, А.Н.Колмогоров.

Математика в развитии России: Петр I, школа математических и навигацких наук, развитие российского флота, А.Н.Крылов. Космическая программа и М.В.Келдыш.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

Тематическое планирование реализует один из возможных подходов к распределению изучаемого материала линии учебно-методических комплексов (УМК) по Алгебре Г.В. Дорофеева, С.Б.Суворов для 7,8,9 классов.

### 7 класс

Номер глав/пункта	Наименование главы/пункта	Основное содержание	Количество часов
Глава 1	Дроби и проценты		13
1.1	Сравнение дробей	<i>Рациональные числа.</i> Множество рациональных чисел. Сравнение рациональных чисел. <i>Представление рационального числа десятичной дробью.</i>	2
1.2	Вычисления с рациональными числами	Действия с рациональными числами.	2
1.3	Степень с натуральным показателем	Степень с натуральным показателем.	2
Стартовая диагностика №1			1
1.4	Задачи на проценты	Решение текстовых задач арифметическим способом. Использование таблиц, схем, чертежей, других средств представления данных при решении задачи.	3
1.5	Статистические характеристики	Табличное и графическое представление данных, столбчатые и круговые диаграммы, применение диаграмм для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из таблиц, диаграмм. Описательные статистические показатели числовых наборов: среднее арифметическое, <i>медиана</i> , наибольшее и наименьшее значения. Меры рассеивания: размах.	2
1.6	Последняя цифра степени ( <i>Для тех, кому интересно</i> )		-
Контрольная работа №2 по теме «Дроби и проценты»			1
Глава 2	Прямая и обратная пропорциональность		7
2.1	Зависимость и формулы	Применение пропорций при решении задач.	1
2.2	Прямая пропорциональность. Обратная пропорциональность	Применение пропорций при решении задач.	2

2.3	Пропорции. Решение задач с помощью пропорций	Применение пропорций при решении задач.	2
2.4	Пропорциональное деление	Применение пропорций при решении задач.	1
2.5	Задачи на «сложные» пропорции ( <i>Для тех, кому интересно</i> )		-
Контрольная работа №3 по теме «Прямая и обратная пропорциональность»			1
Глава 3	Введение в алгебру		10
3.1	Буквенная запись свойств действий над числами	Выражение с переменной. Значение выражения. <i>Рождение буквенной символики.</i>	1
3.2	Преобразование буквенных выражений	Выражение с переменной. Значение выражения. Подстановка выражений вместо переменных.	3
3.3	Раскрытие скобок	Выражение с переменной. Значение выражения. Подстановка выражений вместо переменных.	2
3.4	Приведение подобных слагаемых	Выражение с переменной. Значение выражения. Подстановка выражений вместо переменных.	3
3.5	Еще раз о законах алгебры ( <i>Для тех, кому интересно</i> )		-
Контрольная работа №4 по теме «Введение в алгебру»			1
Глава 4	Уравнения		12
4.1	Алгебраический способ решения задач	Числовое равенство. Свойства числовых равенств. Равенство с переменной.	1
4.2	Корни уравнения	Понятие уравнения и корня уравнения.	1
4.3	Решение уравнений	Решение линейных уравнений. <i>Линейное уравнение с параметром. Количество корней линейного уравнения. Решение линейных уравнений с параметром. Зарождение алгебры в недрах арифметики Аль – Хорезми.</i>	5
Контрольная работа №5 за полугодие			1
4.4	Решение задач с помощью уравнений	Основные методы решения текстовых задач: арифметический, алгебраический.	3
4.5	Некоторые неалгоритмические приемы решения уравнений ( <i>Для тех, кому интересно</i> )		-
Контрольная работа №6 по теме «Уравнения»			1
Глава 5	Координаты и графики		9

5.1	Множество точек на координатной прямой	Числовые неравенства. Проверка справедливости неравенств при заданных значениях переменных.	1
5.2	Расстояние между точками координатной прямой	Декартовы координаты на плоскости. Формирование представлений о метапредметном понятии «координаты». <i>Преобразование выражений, содержащих знак модуля.</i>	1
5.3	Множество точек на координатной плоскости	Декартовы координаты на плоскости. Формирование представлений о метапредметном понятии «координаты». <i>Р. Декарт.</i>	2
5.4	Графики	Графическое представление данных, графики.	2
5.5	Еще несколько важных графиков	Графическое представление данных, графики.	1
5.6	Графики вокруг нас	Применение графиков для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из графиков.	1
5.7	Графики зависимостей, заданных равенствами с модулями ( <i>Для тех, кому интересно</i> )		-
Контрольная работа №7 по теме «Координаты и графики»			1
Глава 6	Свойства степени с натуральным показателем		9
6.1	Произведение и частное степеней	Степень с натуральным показателем и её свойства. Преобразования выражений, содержащих степени с натуральным показателем.	3
6.2	Степень степени, произведения и дроби	Степень с натуральным показателем и её свойства. Преобразования выражений, содержащих степени с натуральным показателем.	2
6.3	Решение комбинаторных задач	<i>Правило умножения, перестановки, факториал числа.</i>	2
6.4	Перестановки	<i>Правило умножения, перестановки, факториал числа.</i>	1
6.5	Круговые перестановки ( <i>Для тех, кому интересно</i> )		-
Контрольная работа №8 по теме «Свойства степени с натуральным показателем»			1
Глава 7	Многочлены		16
7.1	Одночлены и многочлены	Одночлен, многочлен.	1
7.2	Сложение и вычитание многочленов	Действия с одночленами и многочленами (сложение, вычитание)	2
7.3	Умножение одночлена на многочлен	Действия с одночленами и многочленами (умножение).	2
7.4	Умножение многочлена на многочлен	Действия с одночленами и многочленами (умножение).	3
7.5	Формулы квадрата суммы и квадрата разности	Формулы сокращённого умножения: квадрат суммы и разности.	4
7.5	Решение задач с помощью уравнений	Использование таблиц, схем, чертежей, других средств представления данных при решении	3

		задачи. Анализ возможных ситуаций взаимного расположения объектов при их движении.	
7.6	Деление с остатком (Для тех, кому интересно)		-
Контрольная работа №9 по теме «Многочлены»			1
Глава 8	Разложение многочленов на множители		17
8.1	Вынесение общего множителя за скобки	Разложение многочлена на множители: вынесение общего множителя за скобки.	3
8.2	Способ группировки	Разложение многочлена на множители: группировка.	3
8.3	Формула разности квадратов	Формулы сокращённого умножения: разность квадратов.	3
8.4	Формула разности и суммы кубов	Формулы сокращённого умножения.	2
8.5	Разложение на множители с применением нескольких способов	Разложение многочлена на множители: применение формул сокращённого умножения.	3
8.6	Решение уравнений с помощью разложения на множители	Разложение многочлена на множители: применение формул сокращённого умножения.	2
8.7	Несколько более сложных примеров (Для тех, кому интересно)		-
Контрольная работа №10 по теме «Разложение многочленов на множители»			1
Глава 9	Частота и вероятность		4
9.1	Случайные события	Истоки теории вероятностей: страховое дело, азартные игры. Случайные опыты (эксперименты), элементарные случайные события (исходы). Представление событий с помощью диаграмм Эйлера. Противоположные события: объединение и пересечение событий.	1
9.2	Частота случайного события	Вероятности элементарных событий. События в случайных экспериментах и благоприятствующие элементарные события.	1
9.3	Вероятность случайного события	Вероятности случайных событий. Опыты с равновероятными элементарными событиями. Классические вероятностные опыты с использованием монет, кубиков. Правило сложения вероятностей.	1
9.4	Сложение вероятностей (для тех, кому интересно)		
Контрольная работа №11 по теме «Частота и вероятность»			1
Повторение.			5
Действия с одночленами и многочленами (сложение, вычитание, умножение). Формулы сокращённого умножения: разность квадратов, квадрат суммы и разности.			1
Степень с натуральным показателем и её свойства. Преобразования выражений, содержащих степени с натуральным показателем.			1
Решение линейных уравнений. Количество корней линейного уравнения. Уравнения в целых числах.			1
Итоговая контрольная работа №12			1

Решение логических задач. <i>Решение логических задач с помощью графов, таблиц.</i>	1
Итого	102

**8 класс**

Номер главы/ параграфа	Наименование главы/параграфа	Основное содержание	Количество часов
Глава 1	Алгебраические дроби		22
1.1	Что такое алгебраическая дробь	<i>Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях.</i>	2
1.2	Основное свойство дроби	<i>Сокращение алгебраических дробей.</i>	2
1.3	Сложение и вычитание алгебраических дробей	<i>Приведение алгебраических дробей к общему знаменателю. Действия с алгебраическими дробями: сложение, вычитание.</i>	3
1.4	Умножение и деление алгебраических дробей	<i>Действия с алгебраическими дробями: умножение, деление, возведение в степень.</i>	2
1.5	Преобразование выражений, содержащих алгебраические дроби	Преобразование дробно-линейных выражений: сложение, умножение, деление.	3
Вводный контроль №1 по теме «Алгебраические дроби»			1
1.6	Степень с целым показателем	Степень с целым показателем.	3
1.7	Свойства степени с целым показателем	Степень с целым показателем. Преобразование дробно-линейных выражений: умножение, деление.	2
1.8	Решение уравнений и задач	Основные методы решения текстовых задач: алгебраический.	3
1.9	Сокращение дробей <i>(Для тех, кому интересно)</i>		-
Контрольная работа №2 по теме «Степень с целым показателем»			1
Глава 2	Квадратные корни		19
2.1	Задача о нахождении стороны квадрата	Понятие иррационального числа. Распознавание иррациональных чисел. <i>Потребность в иррациональных числах.</i>	2
2.2	Иррациональные числа	Примеры доказательств в алгебре. Иррациональность числа $\sqrt{2}$ . Применение в геометрии. <i>Сравнение иррациональных чисел. Множество действительных чисел.</i>	2
2.3	Теорема Пифагора	<i>Числа и длины отрезков. Школа Пифагора</i>	2
2.4	Квадратный корень (алгебраический подход)	Арифметический квадратный корень. <i>Уравнения вида <math>x^n = a</math>.</i>	2
2.5	График зависимости $y = \sqrt{x}$	<i>Графики функций: <math>y = \sqrt{x}</math>. Исследование функции по её графику.</i>	2
2.6	Свойства квадратных корней	Преобразование выражений, содержащих квадратные корни: умножение, деление, вынесение множителя из-под знака корня, <i>внесение множителя под</i>	2

		знак корня.	
Итоговая работа №3 за первое полугодие			1
2.7	Преобразование выражений, содержащих квадратные корни	Простейшие иррациональные уравнения вида $\sqrt{f(x)} = a$ , $\sqrt{f(x)} = \sqrt{g(x)}$ .	3
2.8	Кубический корень	График функции $y = \sqrt[3]{x}$	2
2.9	Двойные радикалы (Для тех, кому интересно)		-
Контрольная работа №4 по теме «Квадратные корни»			1
Глава 3	Квадратные уравнения		20
3.1	Какие уравнения называются квадратными	Квадратные уравнения.	2
3.2	Формула корней квадратного уравнения	Дискриминант квадратного уравнения. Количество корней квадратного уравнения в зависимости от его дискриминанта. Формула корней квадратного уравнения.	4
3.3	Вторая формула корней квадратного уравнения	Формула корней квадратного уравнения. Решение квадратных уравнений: использование формулы для нахождения корней. Биквадратные уравнения. Уравнения, сводимые к линейным и квадратным.	2
3.4	Решение задач	Основные методы решения текстовых задач: алгебраический. Анализ возможных ситуаций взаимного расположения объектов при их движении. Золотое сечение.	3
3.5	Неполные квадратные уравнения	Неполные квадратные уравнения.	3
3.6	Теорема Виета	Ф. Виет. Теорема Виета. Теорема, обратная теореме Виета. Решение квадратных уравнений: подбор корней с использованием теоремы Виета. Квадратные уравнения с параметром.	2
3.7	Разложение квадратного трехчлена на множители	Квадратный трехчлен, разложение квадратного трехчлена на множители. Решение квадратных уравнений: разложение на множители.	3
3.8	Целые корни уравнения с целыми коэффициентами (Для тех, кому интересно)		-
Контрольная работа №5 по теме «Квадратные уравнения»			1
Глава 4	Системы уравнений		18
4.1	Линейное уравнение с двумя переменными	Уравнение с двумя переменными. Линейное уравнение с двумя переменными.	1

4.2	График линейного уравнения с двумя переменными	<i>Прямая как графическая интерпретация линейного уравнения с двумя переменными.</i>	2
4.3	Уравнение прямой вида $y=kx+l$	<i>Прямая как графическая интерпретация линейного уравнения с двумя переменными.</i>	3
4.4	Системы уравнений. Решение систем способом сложения	Понятие системы уравнений. Решение системы уравнений. Методы решения систем линейных уравнений с двумя переменными: <i>метод сложения, графический метод. Системы линейных уравнений с параметром.</i>	3
4.5	Решение систем уравнений способом подстановки	Решение системы уравнений. Методы решения систем линейных уравнений с двумя переменными: метод подстановки.	3
4.6	Решение задач с помощью систем уравнений	Основные методы решения текстовых задач: алгебраический.	3
4.7	Задачи на координатной плоскости	Методы решения систем линейных уравнений с двумя переменными: <i>графический метод.</i>	2
4.8	Геометрическая интерпретация неравенств с двумя переменными (Для тех, кому интересно)		-
Контрольная работа №6 по теме «Системы уравнений»			1
Глава 5	Функции		14
5.1	Чтение графиков	Табличное и графическое представление данных, графики, применение графиков для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из графиков.	2
5.2	Что такое функция	Понятие функции. Значение функции в точке. Способы задания функций: аналитический, графический, табличный. Свойства функции: область определения.	2
5.3	График функции	График функции. Примеры функций, получаемых в процессе исследования различных реальных процессов и решения задач. <i>Появление графиков функций.</i>	2
5.4	Свойства функции	Свойства функции: область определения, множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, <i>четность/нечетность</i> , промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения. <i>Непрерывность функции. Кусочно заданные функции.</i>	2
5.5	Линейная функция	Линейная функция. Свойства и график линейной функции. Угловой коэффициент прямой. Расположение графика линейной функции в зависимости от её углового коэффициента и свободного члена. <i>Нахождение коэффициентов</i>	3

		<i>линейной функции по заданным условиям: прохождение прямой через две точки с заданными координатами, прохождение прямой через данную точку и параллельной данной прямой.</i>	
5.6	Функция $y = \frac{k}{x}$ и ее график	Обратная пропорциональность. Свойства функции $y = \frac{k}{x}$ . Гипербола.	2
5.7	Целая и дробная часть числа ( <i>Для тех, кому интересно</i> )		-
Контрольная работа №7 по теме «Функции»			1
Глава № 6	Вероятность и статистика		5
6.1	Статистические характеристики	Описательные статистические показатели числовых наборов: среднее арифметическое, <i>медиана</i> , наибольшее и наименьшее значения. Меры рассеивания: размах, <i>дисперсия</i> и <i>стандартное отклонение</i> . Случайная изменчивость. Изменчивость при измерениях. <i>Решающие правила. Закономерности в изменчивых величинах.</i>	1
6.2	Вероятность равновозможных событий	<i>Представление событий с помощью диаграмм Эйлера. Противоположные события, объединение и пересечение событий. Правило сложения вероятностей. Случайный выбор. Представление эксперимента в виде дерева. Независимые события. Умножение вероятностей независимых событий. Последовательные независимые испытания. Представление о независимых событиях в жизни.</i>	2
6.3	Сложные эксперименты	<i>Представление эксперимента в виде дерева.</i>	1
6.4	Геометрические вероятности ( <i>Для тех, кому интересно</i> )		-
Контрольная работа №8 по теме «Вероятность и статистика»			1
Повторение.			4
Преобразование дробно-линейных выражений: сложение, умножение, деление.			1
Преобразование выражений, содержащих квадратные корни: умножение, деление, вынесение множителя из-под знака корня, <i>внесение множителя под знак корня</i> . Квадратные уравнения.			1
Итоговая контрольная работа №9			1
Решение системы уравнений. Роль российских учёных в развитии математики: П.Л. Чебышев.			1
Итого			102

### 9 класс

Номер	Наименование главы/параграфа	Основное содержание	Количество
-------	------------------------------	---------------------	------------

главы/ параграфа			часов
Глава 1	Неравенства		19
1.1	Действительные числа	<i>Множество действительных чисел. Бесконечность множества простых чисел.</i>	3
1.2	Общие свойства неравенств	Числовые неравенства. Свойства числовых неравенств. Проверка справедливости неравенств при заданных значениях переменных. Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства. <i>Область определения неравенства (область допустимых значений переменной).</i>	2
1.3	Решение линейных неравенств	Решение линейных неравенств.	4
Входной контроль №1			1
1.4	Решение систем линейных неравенств	Системы неравенств с одной переменной. Решение систем неравенств с одной переменной: линейных. Изображение решения системы неравенств на числовой прямой. Запись решения системы неравенств.	3
1.5	Доказательство неравенств	Проверка справедливости неравенств при заданных значениях переменных.	3
1.6	Что означают слова «с точностью до ...»	<i>Математика в развитии России: Пётр I, школа математических и навигацких наук, развитие российского флота, А.Н. Крылов.</i>	2
1.7	Периодические и непериодические бесконечные десятичные дроби (Для тех, кому интересно)		-
1.8	Еще о средних (Для тех, кому интересно)		-
Контрольная работа №2 по теме «Неравенства»			1
Глава 2	Квадратичная функция		20
2.1	Какую функцию называют квадратичной	Квадратичная функция. Свойства и график квадратичной функции (парабола). <i>Построение графика квадратичной функции по точкам.</i>	4
2.2	График и свойства функции $y = ax^2$	<i>Построение графика квадратичной функции по точкам.</i>	2
2.3	Сдвиг графика функции $y = ax^2$ вдоль осей координат	<i>Преобразование графика функции <math>y = f(x)</math> для построения графиков функций вида <math>y = af(kx + b) + c</math>.</i>	3
2.4	График функции $y = ax^2 + bx + c$	<i>Построение графика квадратичной функции по точкам. Нахождение нулей квадратичной функции, множества значений, промежутков</i>	4

		<i>знакопостоянства, промежутков монотонности.</i>	
2.5	Квадратные неравенства	<i>Квадратные неравенства и его решение. Решение квадратных неравенств: использование свойств и графика квадратичной функции, метод интервалов. Запись решения квадратного неравенства. Решение целых и дробно-рациональных неравенств методом интервалов. Решение систем неравенств с одной переменной: линейных, квадратных.</i>	4
2.6	График дробно-линейной функции (Для тех, кому интересно)	<i>График функции <math>y = a + \frac{k}{x+b}</math>. Представление об асимптотах.</i>	1
2.7	Графики уравнений, содержащих модули (Для тех, кому интересно)	<i>График функции <math>y =  x </math>.</i>	1
Контрольная работа №3 «Квадратичная функция»			1
Глава 3	Уравнения и системы уравнений		26
3.1	Рациональные выражения	<i>Преобразование дробно-линейных выражений: сложение, умножение, деление. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях.</i>	4
Контрольная работа №4 за полугодие			1
3.2	Целые уравнения	<i>Понятие уравнения и корня уравнения. Представление о равносильности уравнений. Область определения уравнения (область допустимых значений переменной). Методы решения уравнений: метод замены переменной.</i>	2
3.3	Дробные уравнения	<i>Решение простейших дробно-линейных уравнений. Решение дробно-рациональных уравнений. Методы решения уравнений: методы равносильных преобразований. История вопроса о нахождении формул корней алгебраических уравнений степеней, больших четырех. Н. Тарталья, Дж. Кардано, Н.Х. Абель, Э. Галуа.</i>	4
3.4	Решение задач	<i>Основные методы решения текстовых задач: алгебраический. Анализ возможных ситуаций взаимного расположения объектов при их движении, соотношения объёмов выполняемых работ при совместной работе.</i>	4
Контрольная работа №5 по теме «Рациональные выражения. Уравнения с одной переменной»			1
3.5	Система уравнений с двумя переменными	<i>Уравнение с двумя переменными. Решение системы уравнений.</i>	4
3.6	Решение задач	<i>Основные методы решения текстовых задач: алгебраический, перебор вариантов.</i>	2

3.7	Графическое исследование уравнений	<i>Методы решения уравнений: графический метод. Использование свойств функций при решении уравнений.</i>	3
3.8	Уравнения с параметром <i>(Для тех, кому интересно)</i>		-
3.9	Решение систем уравнений второй степени <i>(Для тех, кому интересно)</i>		-
Контрольная работа №6 по теме «Системы уравнений»			1
Глава 4	Арифметическая и геометрическая прогрессии		17
4.1	Числовые последовательности	Числовая последовательность. Примеры числовых последовательностей. Бесконечные последовательности. <i>Задача Леонардо Пизанского (Фибоначчи) о кроликах, числа Фибоначчи.</i>	2
4.2	Арифметическая прогрессия	Арифметическая прогрессия и её свойства.	3
4.3	Сумма первых $n$ членов арифметической прогрессии	<i>Формула общего члена и суммы <math>n</math> первых членов арифметической прогрессии. Выдающиеся математики и их вклад в развитие науки.</i>	3
4.4	Геометрическая прогрессия	Геометрическая прогрессия.	3
4.5	Сумма первых $n$ членов геометрической прогрессии	<i>Формула общего члена и суммы <math>n</math> первых членов геометрической прогрессии. Сходящаяся геометрическая прогрессия. Задача о шахматной доске. Сходимость геометрической прогрессии.</i>	2
4.6	Простые и сложные проценты	Решение задач на нахождение части числа и числа по его части. Решение задач на проценты и доли.	3
4.7	Сумма квадратов первых $n$ натуральных чисел <i>(Для тех, кому интересно)</i>		-
4.8	Треугольник Паскаля <i>(Для тех, кому интересно)</i>		-
Контрольная работа №7 по теме «Арифметическая и геометрическая прогрессии»			1
Глава 5	Статистика и вероятность		8
5.1	Выборочные исследования	Табличное и графическое представление данных, столбчатые и круговые диаграммы, графики, применение диаграмм и графиков для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из таблиц, диаграмм и графиков.	2

5.2	Интервальный ряд. Гистограмма	<i>Сочетания и число сочетаний. Формула числа сочетаний. Треугольник Паскаля. Опыты с большим числом равновозможных элементарных событий. Вычисление вероятностей в опытах с применением комбинаторных формул.</i>	2
5.3	Характеристика разброса	<i>Меры рассеивания: размах, дисперсия и стандартное отклонение. Испытания Бернулли. Успех и неудача. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли. Знакомство со случайными величинами на примерах конечных дискретных случайных величин. Распределение вероятностей.</i>	2
5.4	Статистическое оценивание и прогноз	<i>Математическое ожидание. Свойства математического ожидания. Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей. Применение закона больших чисел в социологии, страховании, в здравоохранении, обеспечении безопасности населения в чрезвычайных ситуациях.</i>	2
5.5	Вероятность и комбинаторика (Для тех, кому интересно)		-
5.6	Размещения и сочетания (Для тех, кому интересно)		-
Повторение.			12
Решение линейных неравенств. <i>Квадратное неравенство и его решение. Запись решения квадратного неравенства.</i>			2
Квадратичная функция. Свойства и график квадратичной функции (парабола). <i>Построение графика квадратичной функции по точкам.</i>			1
Решение простейших дробно-линейных уравнений. <i>Первичные представления о других методах решения задач (геометрические и графические методы).</i>			2
Решение системы уравнений. Основные методы решения текстовых задач: алгебраический.			2
Арифметическая прогрессия и её свойства. Геометрическая прогрессия.			2
Табличное и графическое представление данных, столбчатые и круговые диаграммы, графики, применение диаграмм и графиков для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из таблиц, диаграмм и графиков.			1
Итоговая контрольная работа №8			1
Решение логических задач. <i>Роль российских учёных в развитии математики: С.Ковалевская.</i>			1
Итого			102

# Рабочая программа учебного предмета ГЕОМЕТРИЯ 7-9 классы

## Общая характеристика учебного предмета

**Геометрия** — один из важнейших компонентов математического образования, необходимый для приобретения конкретных знаний о пространстве и практически значимых умений, формирования языка описания объектов окружающего мира, для развития пространственного воображения и интуиции, математической культуры, для эстетического воспитания обучающихся. Изучение геометрии вносит вклад в развитие логического мышления, в формирование понятия доказательства.

Овладение обучающимися системой геометрических знаний и умений необходимо в повседневной жизни для изучения смежных дисциплин и продолжения образования.

В курсе геометрии 7—9 классов представлены следующие содержательные линии: «Геометрические фигуры», «Отношения», «Измерения и вычисления», «Геометрические построения», «Геометрические преобразования», «Векторы и координаты на плоскости».

В рамках указанных содержательных линий решаются следующие задачи:

- развиваются представления о геометрии как науке; об истории возникновения геометрии как примера науки, первые проблемы которой были поставлены практической деятельностью человека (например, землемерие);
- формируются знания учащихся о геометрических объектах и их свойствах, формулах вычисления геометрических величин;
- формируются навыки построения и измерения геометрических фигур, решения задач;
- развивается логическое мышление, воображение, математический язык и др.

### Описание места учебного предмета в учебном плане

Учебный предмет «Геометрия» входит в предметную область «Математика и информатика», является обязательным для изучения в 7-9 классах. В учебном плане на его изучение отводится:

Класс	Учебный предмет	Количество недельных часов	Количество учебных недель	Итого за учебный год
7 класс	Геометрия	2	34	68
8 класс	Геометрия	2	34	68
9 класс	Геометрия	2	34	68

Всего за 3 года реализации программы – 204 часа

### ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

	<p align="center"><b>Выпускник научится в 7-9 классах (для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом уровне)</b></p>	<p align="center"><b>Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах для обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом и углублённом уровнях</b></p>
<p><b>Элементы теории множеств и математической логики</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне<sup>5</sup> понятиями: множество, элемент множества, подмножество, принадлежность;</li> <li>- задавать множества перечислением их элементов;</li> <li>- находить пересечение, объединение, подмножество в простейших ситуациях;</li> <li>- оперировать на базовом уровне понятиями: определение, аксиома, теорема, доказательство;</li> <li>- приводить примеры и контрпримеры для подтверждения своих высказываний.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Оперировать<sup>6</sup> понятиями: определение, теорема, аксиома, множество, характеристики множества, элемент множества, пустое, конечное и бесконечное множество, подмножество, принадлежность, включение, равенство множеств;</i></li> <li>- <i>изображать множества и отношение множеств с помощью кругов Эйлера;</i></li> <li>- <i>определять принадлежность элемента множеству, объединению и пересечению множеств;</i></li> <li>- <i>задавать множество с помощью перечисления элементов, словесного описания;</i></li> <li>- <i>оперировать понятиями: высказывание, истинность и ложность высказывания, отрицание высказываний, операции над высказываниями: и, или, не, условные высказывания (импликация);</i></li> <li>- <i>строить высказывания, отрицания высказываний.</i></li> </ul>
	<p><b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>строить цепочки умозаключений на основе использования правил логики;</i></li> <li>- <i>использовать множества, операции с множествами, их графическое представление для описания реальных процессов и явлений</i></li> </ul>

<sup>5</sup>Здесь и далее – распознавать конкретные примеры общих понятий по характерным признакам, выполнять действия в соответствии с определением и простейшими свойствами понятий, конкретизировать примерами общие понятия.

<sup>6</sup> Здесь и далее – знать определение понятия, уметь пояснять его смысл, уметь использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, доказательств, решении задач.

<b>Геометрические фигуры</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями геометрических фигур;</li> <li>- извлекать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах в явном виде;</li> <li>- применять для решения задач геометрические факты, если условия их применения заданы в явной форме;</li> <li>- решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать понятиями геометрических фигур;</li> <li>- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах;</li> <li>- применять геометрические факты для решения задач, в том числе, предполагающих несколько шагов решения;</li> <li>- формулировать в простейших случаях свойства и признаки фигур;</li> <li>- доказывать геометрические утверждения;</li> <li>- владеть стандартной классификацией плоских фигур (треугольников и четырёхугольников).</li> </ul>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать свойства геометрических фигур для решения типовых задач, возникающих в ситуациях повседневной жизни, задач практического содержания.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать свойства геометрических фигур для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин.</li> </ul>
<b>Отношения</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями: равенство фигур, равные фигуры, равенство треугольников, параллельность прямых, перпендикулярность прямых, углы между прямыми, перпендикуляр, наклонная, проекция.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать понятиями: равенство фигур, равные фигуры, равенство треугольников, параллельность прямых, перпендикулярность прямых, углы между прямыми, перпендикуляр, наклонная, проекция, подобие фигур, подобные фигуры, подобные треугольники;</li> <li>- применять теорему Фалеса и теорему о пропорциональных отрезках при решении задач;</li> <li>- характеризовать взаимное расположение прямой и окружности, двух окружностей.</li> </ul>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать отношения для решения простейших задач, возникающих в реальной жизни.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать отношения для решения задач, возникающих в реальной жизни.</li> </ul>
<b>Измерения и вычисления</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Выполнять измерение длин, расстояний, величин углов, с помощью инструментов для измерений длин и углов;</li> <li>- применять формулы периметра, площади и объёма, площади поверхности отдельных многогранников при вычислениях, когда все данные имеются в условии;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать представлениями о длине, площади, объёме как величинами. Применять теорему Пифагора, формулы площади, объёма при решении многошаговых задач, в которых не все данные представлены явно, а требуют вычислений, оперировать более широким количеством</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- применять теорему Пифагора, базовые тригонометрические соотношения для вычисления длин, расстояний, площадей в простейших случаях.</li> </ul>	<p><i>формул длины, площади, объёма, вычислять характеристики комбинаций фигур (окружностей и многоугольников) вычислять расстояния между фигурами, применять тригонометрические формулы для вычислений в более сложных случаях, проводить вычисления на основе равенств и равносоставленности;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>проводить простые вычисления на объёмных телах;</i></li> <li>- <i>формулировать задачи на вычисление длин, площадей и объёмов и решать их.</i></li> </ul>
<p><b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b></p>		
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- вычислять расстояния на местности в стандартных ситуациях, площади в простейших случаях, применять формулы в простейших ситуациях в повседневной жизни.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>проводить вычисления на местности;</i></li> <li>- <i>применять формулы при вычислениях в смежных учебных предметах, в окружающей действительности.</i></li> </ul>
<p><b>Геометрические построения</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Изображать типовые плоские фигуры и фигуры в пространстве от руки и с помощью инструментов.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Изобразить геометрические фигуры по текстовому и символьному описанию;</i></li> <li>- <i>свободно оперировать чертёжными инструментами в несложных случаях,</i></li> <li>- <i>выполнять построения треугольников, применять отдельные методы построений циркулем и линейкой и проводить простейшие исследования числа решений;</i></li> <li>- <i>изображать типовые плоские фигуры и объёмные тела с помощью простейших компьютерных инструментов.</i></li> </ul>
<p><b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b></p>		
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- выполнять простейшие построения на местности, необходимые в реальной жизни.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>выполнять простейшие построения на местности, необходимые в реальной жизни;</i></li> <li>- <i>оценивать размеры реальных объектов окружающего мира.</i></li> </ul>
<p><b>Геометрические преобразования</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Строить фигуру, симметричную данной фигуре относительно оси и точки.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>Оперировать понятием движения и преобразования подобия, владеть приёмами построения фигур с использованием движений и преобразований подобия, применять полученные знания и опыт построений в смежных предметах и в реальных ситуациях окружающего мира;</i></li> <li>- <i>строить фигуру, подобную данной, пользоваться</i></li> </ul>

		<p>свойствами подобия для обоснования свойств фигур;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- применять свойства движений для проведения простейших обоснований свойств фигур.</li> </ul>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- распознавать движение объектов в окружающем мире;</li> <li>- распознавать симметричные фигуры в окружающем мире.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- применять свойства движений и применять подобие для построений и вычислений.</li> </ul>
<b>Векторы и координаты на плоскости</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать на базовом уровне понятиями вектор, сумма векторов, произведение вектора на число, координаты на плоскости;</li> <li>- определять приближённо координаты точки по её изображению на координатной плоскости.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать понятиями вектор, сумма, разность векторов, произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение векторов, координаты на плоскости, координаты вектора;</li> <li>- выполнять действия над векторами (сложение, вычитание, умножение на число), вычислять скалярное произведение, определять в простейших случаях угол между векторами, выполнять разложение вектора на составляющие, применять полученные знания в физике, пользоваться формулой вычисления расстояния между точками по известным координатам, использовать уравнения фигур для решения задач;</li> <li>- применять векторы и координаты для решения геометрических задач на вычисление длин, углов.</li> </ul>
	<b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать векторы для решения простейших задач на определение скорости относительного движения.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать понятия векторов и координат для решения задач по физике, географии и другим учебным предметам.</li> </ul>
<b>История математики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки;</li> <li>- знать примеры математических открытий и их авторов, в связи с отечественной и всемирной историей;</li> <li>- понимать роль математики в развитии России.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей;</li> <li>- понимать роль математики в развитии России.</li> </ul>
<b>Методы математики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Выбирать подходящий изученный метод для решении изученных типов математических задач;</li> <li>- приводить примеры математических закономерностей в окружающей действительности и произведениях искусства.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Используя изученные методы, проводить доказательство, выполнять опровержение;</li> <li>- выбирать изученные методы и их комбинации для решения математических задач;</li> <li>- использовать математические знания для описания закономерностей в окружающей действительности и</li> </ul>

		<i>произведениях искусства; - применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач.</i>
--	--	---

## Содержание учебного предмета

### **Элементы теории множеств и математической логики**

Согласно ФГОС основного общего образования в курс математики введен раздел «Логика», который не предполагает дополнительных часов на изучении и встраивается в различные темы курсов математики и предваряется ознакомлением с элементами теории множеств.

### **Множества и отношения между ними**

Множество, *характеристическое свойство множества*, элемент множества, *пустое, конечное, бесконечное множество*. Подмножество. Отношение принадлежности, включения, равенства. Элементы множества, способы задания множеств, *распознавание подмножеств и элементов подмножеств с использованием кругов Эйлера*.

### **Операции над множествами**

Пересечение и объединение множеств. *Разность множеств, дополнение множества. Интерпретация операций над множествами с помощью кругов Эйлера*.

### **Элементы логики**

Определение. Утверждения. Аксиомы и теоремы. Доказательство. Доказательство от противного. Теорема, обратная данной. Пример и контрпример.

### **Высказывания**

Истинность и ложность высказывания. *Сложные и простые высказывания. Операции над высказываниями с использованием логических связок: и, или, не. Условные высказывания (импликация)*.

### **Геометрические фигуры**

#### **Фигуры в геометрии и в окружающем мире**

Геометрическая фигура. Формирование представлений о метапредметном понятии «фигура».

Точка, линия, отрезок, прямая, луч, ломаная, плоскость, угол, биссектриса угла и её свойства, виды углов, многоугольники, круг.

Осевая симметрия геометрических фигур. Центральная симметрия геометрических фигур.

#### **Многоугольники**

Многоугольник, его элементы и его свойства. Распознавание некоторых многоугольников. *Выпуклые и невыпуклые многоугольники*. Правильные многоугольники.

Треугольники. Высота, медиана, биссектриса, средняя линия треугольника. Равнобедренный треугольник, его свойства и признаки. Равносторонний треугольник. Прямоугольный, остроугольный, тупоугольный треугольники. Внешние углы треугольника. Неравенство треугольника.

Четырёхугольники. Параллелограмм, ромб, прямоугольник, квадрат, трапеция, равнобедренная трапеция. Свойства и признаки параллелограмма, ромба, прямоугольника, квадрата.

**Окружность, круг** Окружность, круг, их элементы и свойства; центральные и вписанные углы. Касательная и секущая к окружности, их свойства. Вписанные и описанные окружности для треугольников, четырёхугольников, правильных многоугольников.

### **Геометрические фигуры в пространстве (объёмные тела)**

*Многогранник и его элементы. Названия многогранников с разным положением и количеством граней.* Первичные представления о пирамиде, параллелепипеде, призме, сфере, шаре, цилиндре, конусе, их элементах и простейших свойствах.

### **Отношения**

#### **Равенство фигур**

Свойства равных треугольников. Признаки равенства треугольников.

#### **Параллельность прямых**

Признаки и свойства параллельных прямых. *Аксиома параллельности Евклида. Теорема Фалеса.*

#### **Перпендикулярные прямые**

Прямой угол. Перпендикуляр к прямой. Наклонная, проекция. Серединный перпендикуляр к отрезку. *Свойства и признаки перпендикулярности.*

### **Подобие**

*Пропорциональные отрезки, подобие фигур. Подобные треугольники. Признаки подобия.*

**Взаимное расположение** прямой и окружности, двух окружностей.

### **Измерения и вычисления**

#### **Величины**

Понятие величины. Длина. Измерение длины. Единицы измерения длины. Величина угла. Градусная мера угла.

Понятие о площади плоской фигуры и её свойствах. Измерение площадей. Единицы измерения площади.

Представление об объёме и его свойствах. Измерение объёма. Единицы измерения объёмов.

#### **Измерения и вычисления**

Инструменты для измерений и построений; измерение и вычисление углов, длин (расстояний), площадей. Тригонометрические функции острого угла в прямоугольном треугольнике *Тригонометрические функции тупого угла.* Вычисление элементов треугольников с использованием тригонометрических соотношений. Формулы площади треугольника, параллелограмма и его частных видов, формулы длины окружности и площади круга. Сравнение и вычисление площадей. Теорема Пифагора. *Теорема синусов. Теорема косинусов.*

#### **Расстояния**

Расстояние между точками. Расстояние от точки до прямой. *Расстояние между фигурами.*

### **Геометрические построения**

Геометрические построения для иллюстрации свойств геометрических фигур.

Инструменты для построений: циркуль, линейка, угольник. *Простейшие построения циркулем и линейкой: построение биссектрисы угла, перпендикуляра к прямой, угла, равного данному,*

*Построение треугольников по трём сторонам, двум сторонам и углу между ними, стороне и двум прилежащим к ней углам. Деление отрезка в данном отношении.*

### **Геометрические преобразования**

**Преобразования** Понятие преобразования. Представление о метапредметном понятии «преобразование». *Подобие.*

### **Движения**

Осевая и центральная симметрия, *поворот и параллельный перенос. Комбинации движений на плоскости и их свойства.*

### **Векторы и координаты на плоскости**

#### **Векторы**

Понятие вектора, действия над векторами, использование векторов в физике, *разложение вектора на составляющие, скалярное произведение.*

#### **Координаты**

Основные понятия, *координаты вектора, расстояние между точками. Координаты середины отрезка. Уравнения фигур.*

*Применение векторов и координат для решения простейших геометрических задач.*

### **История математики**

*Возникновение математики как науки, этапы её развития. Основные разделы математики. Выдающиеся математики и их вклад в развитие науки.*

*Появление метода координат, позволяющего переводить геометрические объекты на язык алгебры. Р. Декарт, П. Ферма. Примеры различных систем координат.*

*От земледелия к геометрии. Пифагор и его школа. Фалес, Архимед. Платон и Аристотель. Построение правильных многоугольников. Триссекция угла. Квадратура круга. Удвоение куба. История числа  $\pi$ . Золотое сечение. «Начала» Евклида. Л. Эйлер, Н.И. Лобачевский. История пятого постулата.*

*Геометрия и искусство. Геометрические закономерности окружающего мира.*

*Астрономия и геометрия. Что и как узнали Анаксагор, Эратосфен и Аристарх о размерах Луны, Земли и Солнца. Расстояния от Земли до Луны и Солнца. Измерение расстояния от Земли до Марса.*

## **ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

Тематическое планирование реализует один из возможных подходов к распределению изучаемого материала линии учебно-методических комплексов (УМК) «Геометрия» (авторы: Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. и др.).

### **7 класс**

Номер главы/ пункта	Наименование главы/пункта	Основное содержание	Количество часов
Глава 1.	Начальные геометрические сведения.		13

§1	Прямая и отрезок	Геометрическая фигура. Формирование представлений о метапредметном понятии «фигура». Точка, линия, отрезок, прямая. Стартовая диагностика.	1
§2	Луч и угол	Луч, плоскость, угол, виды углов. <i>Возникновение математики как науки, этапы ее развития. Основные разделы математики. От земледелия к геометрии. «Начала» Евклида.</i>	2
§3	Сравнение отрезков и углов	Отрезок, угол, биссектриса угла и ее свойства.	1
§4	Измерение отрезков	Понятие величины. Длина. Измерение длины. Единицы измерения длины. Инструменты для измерений и построений; измерение и вычисление углов, длин (расстояний).	2
§5	Измерение углов	Величина угла. Градусная мера угла. Инструменты для измерений и построений; измерение и вычисление углов.	2
§6	Перпендикулярные прямые	Угол, виды углов. Прямой угол. Перпендикулярные прямые. <i>Свойства и признаки перпендикулярности.</i> Инструменты для измерений и построений; измерение и вычисление углов, длин (расстояний).	4
Контрольная работа №1 по теме «Начальные геометрические сведения»			1
Глава 2.	Треугольники		17
§1	Первый признак равенства треугольников	Треугольники. Свойства равных треугольников. Признаки равенства треугольников. Теоремы. Доказательство.	4
§2	Медианы, биссектрисы и высоты треугольника	Перпендикуляр к прямой. Высота, медиана, биссектриса треугольника. Равнобедренный треугольник и его свойства. Равносторонний треугольник.	4
§3	Второй и третий признаки равенства треугольников	Признаки равенства треугольников. Теоремы. Доказательство.	4
§4	Задачи на построение	Определение. Утверждения. Окружность, круг их элементы и свойства. Геометрические построения для иллюстрации свойств геометрических фигур. Инструменты для построения: циркуль, линейка, угольник. <i>Простейшие построения циркулем и линейкой: построение биссектрисы угла, перпендикуляра к прямой, угла, равного данному.</i>	4
Контрольная работа №2 по теме «Треугольники»			1
Глава 3.	Параллельные прямые		11
§1	Признаки параллельности двух прямых	Параллельность прямых. Признаки и свойства параллельных прямых. Аксиомы.	5
§2	Аксиома параллельных прямых	Аксиомы. <i>Аксиома параллельности Евклида.</i> Теорема, обратная данной. Доказательство от противного. <i>Свойства и признаки перпендикулярности. Выдающиеся математики и их вклад в развитие науки. Н.И.Лобачевский.</i>	5

		<i>История пятого постулата.</i>	
Контрольная работа №3 по теме «Параллельные прямые»			1
Глава 4.	Соотношения между сторонами и углами треугольника.		19
§1	Сумма углов треугольника	Внешние углы треугольника. Прямоугольный, остроугольный, тупоугольный треугольники. Равнобедренный треугольник, его признаки.	4
§2	Соотношения между сторонами и углами треугольника	Неравенство треугольника.	4
§3	Прямоугольные треугольники	Признаки равенства треугольников.	5
§4	Построение треугольника по трем элементам	Наклонная, проекция. Расстояние между точками. Расстояние от точки до прямой. <i>Расстояние между фигурами. Построение треугольников по трем сторонам, двум сторонам и углу между ними, стороне и двум прилежащим к ней углам.</i>	5
Контрольная работа №4 по теме «Соотношения между сторонами и углами треугольника»			1
Повторение.			8
	Начальные геометрические сведения	Точка, линия, отрезок, прямая. Луч, плоскость, угол, виды углов. Величина угла, градусная мера угла.	1
	Треугольники	Признаки равенства треугольников. Равнобедренный треугольник, его свойства и признаки.	2
	Параллельные прямые	Параллельность прямых. Признаки и свойства параллельных прямых.	2
	Соотношения между сторонами и углами треугольника	Неравенство треугольника. Признаки равенства треугольников.	2
	Итоговая контрольная работа №5		1
Итого			68

### 8 класс

Номер главы/ пункта	Наименование главы/пункта	Основное содержание	Количество часов
Глава 5.	Четырехугольники.		14
§1	Многоугольники	Многоугольники. Многоугольник, его элементы и его свойства. Ломаная. Распознавание некоторых многоугольников. <i>Выпуклые и невыпуклые многоугольники.</i> Четырехугольники.	2
§2	Параллелограмм и трапеция	Параллелограмм, трапеция, равнобедренная трапеция. Свойства и признаки параллелограмма. <i>Теорема Фалеса. Фалес.</i>	6

§3	Прямоугольник, ромб, квадрат	Ромб, прямоугольник, квадрат. Свойства и признаки ромба, прямоугольника, квадрата. Осевая симметрия геометрических фигур. Центральная симметрия геометрических фигур.	5
Контрольная работа №1 по теме «Четырехугольники»			1
Глава 6.	Площадь.		14
§1	Площадь многоугольника	Понятие о площади плоской фигуры и ее свойствах. Измерение площадей. Единицы измерения площади. Сравнение и вычисление площадей. Инструменты для измерений и построений; измерение и вычисление площадей.	2
§2	Площади параллелограмма, треугольника и трапеции	Формулы площади треугольника, параллелограмма и его частных видов.	6
§3	Теорема Пифагора	Теорема Пифагора. <i>Пифагор и его школа.</i>	5
Контрольная работа №2 по теме «Теорема Пифагора. Площадь»			1
Глава 7.	Подобные треугольники		19
§1	Определение подобных треугольников	<i>Пропорциональные отрезки, подобие фигур. Подобные треугольники.</i>	2
§2	Признаки подобия треугольников	<i>Признаки подобия.</i>	5
§3	Применение подобия к доказательству теорем и решению задач	Средняя линия треугольника. <i>Деление отрезка в данном отношении.</i> Понятие преобразования. Представление о метапредметном понятии «преобразование». <i>Подобие.</i>	7
§4	Соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника	Тригонометрические функции острого угла в прямоугольном треугольнике. Вычисление элементов треугольников с использованием тригонометрических соотношений.	4
Контрольная работа №3 по теме «Подобные треугольники»			1
Глава 8.	Окружность		17
§1	Касательная к окружности	Окружность, ее элементы и свойства. Взаимное расположение прямой и окружности. Касательная <i>и секущая</i> к окружности, <i>их свойства.</i>	4
§2	Центральные и вписанные углы	Центральные и вписанные углы.	4
§3	Четыре замечательные точки треугольника	Биссектриса угла и ее свойства. Серединный перпендикуляр к отрезку.	4
§4	Вписанная и описанная окружности	Вписанные и описанные окружности для треугольников, <i>четырехугольников.</i> <i>Трисекция угла.</i>	4
Контрольная работа №4 по теме «Окружность»			1
Повторение.			4
	Четырехугольники	Четырехугольники. Параллелограмм, ромб, прямоугольник, квадрат, трапеция, равнобедренная трапеция.	1

	Площади	Формулы площади треугольника, параллелограмма и его частных видов. Теорема Пифагора.	1
	Подобные треугольники. Окружность	<i>Подобные треугольники. Признаки подобия.</i> Окружность ее элементы и свойства.	1
Итоговая контрольная работа №5			1
Итого			68

### 9 класс

Номер главы/ пункта	Наименование главы/пункта	Основное содержание	Количество часов
Глава 9.	Векторы		8
§1.	Понятие вектора	Понятие вектора.	2
§2	Сложение и вычитание векторов	Действия над векторами, использование векторов в физике.	3
§3	Умножение вектора на число. Применение векторов к решению задач	<i>Применение векторов для решения простейших геометрических задач.</i>	3
Глава 10.	Метод координат		10
§1	Координаты вектора	<i>Разложение вектора на составляющие.</i> Основные понятия, координаты вектора.	3
§2	Простейшие задачи в координатах	<i>Расстояние между точками. Координаты середины отрезка. Появление метода координат, позволяющего переводить геометрические объекты на язык алгебры. Р. Декарт. Примеры различных систем координат.</i>	3
§3	Уравнение окружности и прямой	<i>Уравнения фигур. Взаимное расположение двух окружностей. Применение координат для решения простейших геометрических задач.</i>	3
Контрольная работа №1 по теме «Векторы. Метод координат».			1
Глава 11.	Соотношения между сторонами и углами треугольника. Скалярное произведение векторов		11
§1	Синус, косинус, тангенс, котангенс угла	<i>Тригонометрические функции тупого угла. Координаты вектора.</i>	3
§2	Соотношения между сторонами и углами треугольника	Формулы площади треугольника. <i>Теорема синусов. Теорема косинусов.</i> Вычисление элементов треугольников с использованием тригонометрических соотношений. <i>Астрономия и геометрия.</i>	4
§3	Скалярное произведение векторов	<i>Скалярное произведение. Что и как узнали Анаксагор, Эратосфен и Аристарх о размерах Луны, Земли и Солнца. Расстояние от Земли до</i>	3

		<i>Луны и Солнца. Измерение расстояния от Земли до Марса.</i>	
Контрольная работа №2 по теме «Соотношения между сторонами и углами треугольника. Скалярное произведение векторов»			1
Глава 12.	Длина окружности и площадь круга		12
§1	Правильные многоугольники	Правильные многоугольники. Вписанные и описанные окружности для <i>правильных многоугольников</i> . Окружность, круг. Их элементы и свойства.	5
§2	Длина окружности и площадь круга	Формулы длины окружности и площади круга. <i>Квадратура круга. История числа π. Архимед. Построение правильных многоугольников. Геометрия и искусство. Геометрические закономерности окружающего мира.</i>	6
Контрольная работа №3 по теме «Длина окружности и площадь круга»			1
Глава 13.	Движения		8
§1	Понятие движения	Движения. Осевая и центральная симметрия.	3
§2	Параллельный перенос и поворот	<i>Поворот и параллельный перенос. Комбинации движений на плоскости и их свойства.</i>	4
Контрольная работа №4 по теме «Движения»			1
Глава 14.	Начальные сведения из стереометрии		8
§1	Многогранники	Плоскость. <i>Многогранник и его элементы. Названия многогранников с разным положением и количеством граней.</i> Первичные представления о пирамиде, параллелепипеде, призме, их элементах и простейших свойствах. Представление об объеме и его свойствах. Измерение объема. Единицы измерения объемов. <i>Удвоение куба.</i>	4
§2	Тела и поверхности вращения	Первичные представления о сфере, шаре, цилиндре, конусе, их элементах и простейших свойствах. Измерение объема. <i>П. Ферма. Архимед. Платон и Аристотель. Л. Эйлер.</i>	4
Повторение			11
	Векторы	Действие над векторами. <i>Применение векторов для решения простейших геометрических задач.</i>	2
	Метод координат	<i>Координаты вектора, расстояние между точками. Координаты середины отрезка. Уравнения фигур.</i>	2
	Соотношения между сторонами и углами треугольника	Формулы площади треугольника. <i>Теорема синусов. Теорема косинусов.</i> Вычисление элементов треугольников с использованием тригонометрических соотношений.	2
	Длина окружности и площадь круга	Вписанные и описанные окружности для <i>правильных многоугольников</i> . Формулы длины окружности и площади круга.	2

	Движения	Осевая и центральная симметрия, поворот и параллельный перенос.	2
	Итоговая контрольная работа №5		1
		Итого	68